

بهینه‌سازی یک سیستم کنترل وضعیت با جت عکس‌العملی با استفاده از الگوریتم ممتیک تطبیقی چندمنظوره

نوبهاری، هادی^{۱*}، بندی‌کناری، حمید^۲، دارابی، داود^۳ و باصحت نوین‌زاده، علیرضا^۴

۱- استادیار دانشگاه صنعتی شریف، دانشکده مهندسی هوافضا، هسته پژوهشی هدایت و کنترل

۲- کارشناس ارشد هوافضا دانشگاه آزاد اسلامی، واحد علوم و تحقیقات، دانشکده مهندسی هوافضا

۳- کارشناس ارشد هوافضا دانشگاه صنعتی شریف، دانشکده مهندسی هوافضا، هسته پژوهشی هدایت و کنترل

۴- استادیار دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی، دانشکده مهندسی هوافضا

(دریافت مقاله: ۱۳۸۹/۱۲/۶ تاریخ پذیرش: ۱۳۹۰/۰۴/۲۹)

چکیده

در این مقاله بهینه‌سازی سیستم کنترل وضعیت یک وسیله پرنده خاص مورد بررسی قرار گرفته است. پرتاپ این وسیله پرنده به صورت عمودی است و اندکی پس از پرتاپ، توسط یک سیستم کنترل وضعیت از نوع جت عکس‌العملی وضعیت زاویه‌ای آن به وضعیت مورد نیاز تغییر می‌کند. در بخش ابتدایی این مقاله فرآیند طراحی سیستم کنترل وضعیت این وسیله، که شامل طراحی اجزای سیستم کنترل و نیز طراحی حلقه‌های کنترلی می‌باشد، تدوین شده است. بدین منظور پارامترهای هر یک از زیرسیستم‌ها به سه دسته پارامترهای پیش‌فرض، پارامترهای مستقل طراحی و پارامترهای وابسته تقسیم شده‌اند و روابط حاکم بین آنها تدوین شده است. وابستگی موجود بین پارامترهای زیرسیستم‌های مختلف موجب می‌شود که برخی از پارامترهای محاسبه شده در یک زیرسیستم، پارامترهای ورودی زیرسیستم دیگر باشند. بهمین دلیل لازم بوده است که ترتیب انجام محاسبات زیرسیستم‌ها نیز تدوین شود. در این وسیله پرنده دستیابی به کمترین زمان چرخش از وضعیت قائم به وضعیت مطلوب ضروری است. زیرا اتمام فاز کنترل وضعیت پیش‌نیاز شروع فاز هدایت وسیله است. از طرفی در طراحی سیستم کنترل وضعیت ملاحظاتی از قبیل دینامیک عملگر وجود دارد که محدودیت‌هایی را در دست‌یابی به این هدف بوجود می‌آورد. به عبارت دیگر باید بین مأموریت خواسته شده برای وسیله پرنده و محدودیت‌های سیستمی مصالحه برقرار شود. به این منظور از رویکرد بهینه‌سازی چندمنظوره برای برآورده کردن همزمان همه اهداف و ارضای همه قیود طراحی استفاده شده است. در این مقاله مسئله طراحی سیستم کنترل وضعیت به صورت یک مسئله بهینه‌سازی با ۱۴ پارامتر مجھول طراحی و ۱۳ قید سیستمی مدل شده و از الگوریتم ممتیک تطبیقی چندمنظوره برای حل آن و دستیابی به طرح بهینه‌ای، که با درنظر گرفتن قیود همه اهداف را تا حد مناسبی برآورده می‌کند، استفاده شده است. دستیابی به کمترین زمان برخاست، کمترین درصد فراجهش و استفاده از عملگر با کمترین پهنای باند ممکن به عنوان اهداف طراحی در نظر گرفته شده‌اند. بهینه‌سازی همزمان پارامترهای طراحی بر اساس نتایج بدست‌آمده از شبیه‌سازی پرواز شش درجه‌آزادی غیرخطی و با درنظر گرفتن محدودیت اشباع سیگنال کنترلی انجام شده است. در نهایت نتایج شبیه‌سازی پرواز طراحی بهینه سیستم کنترل وضعیت با طراحی کلاسیک مبتنی بر سعی و خطای مقایسه شده است.

واژه‌های کلیدی: طراحی سیستم کنترل وضعیت، جت عکس‌العملی، بهینه‌سازی طراحی، الگوریتم ممتیک، الگوریتم مبتکن تطبیقی چندمنظوره، شبیه‌سازی شش درجه‌آزادی غیرخطی

مقدمه

کنترل با جت عکس‌العملی^۱ و یا کنترل بردار تراست استفاده می‌شود. از روش کنترل بردار تراست فقط در زمان روش‌بودن موتور و برای کنترل مسیر پرواز می‌توان استفاده کرد. اما از جت عکس‌العملی هم قبل و هم پس از زمان روش‌بودن موتور، هم برای کنترل وضعیت وسیله پرنده و هم برای کنترل مسیر پرواز آن می‌توان استفاده کرد. مسئله بررسی شده در این مقاله عبارت است از بهینه‌سازی سیستم کنترل وضعیت با جت

وسایل عمودپرتاب تاکتیکی لازم است که وسیله پرنده پس از خارج شدن از پرتاپ، بلافلصله در جهت موردنظر بچرخد تا بتواند خیلی سریع در مسیر تعیین شده توسط الگوریتم هدایت قرار گیرد. در ابتدای پرواز به دلیل سرعت کم وسیله پرنده، از نیروهای آبرودینامیکی نمی‌توان برای کنترل وسیله پرنده استفاده کرد. بهمین دلیل معمولاً از روش‌های دیگر مانند

تحت تأثیر رانشگرهای روشن- خاموش را پیش‌بینی می‌کرد [۲]. در سال ۱۹۹۹ کوین لینچ حداقل رانشگرهای جانبی موردنیاز برای کنترل یک جسم صلب را، که به صورت یک مسئله کنترل بهینه طرح‌ریزی شده بود، مورد بررسی قرار داد [۳]. در همین سال بنگ و همکاران یک روش جدید کنترل پس خور خروجی برای مانور چرخشی تک محوره یک وسیله پرنده در کمترین زمان با استفاده از رانشگرهای روشن- خاموش ارائه کردند. در این روش از تئوری کنترل بهینه برای پیداکردن زمان‌های سوئیچینگ بر اساس مدل ریاضی ساختار متغیر استفاده شده است [۴].

در سال ۲۰۰۳ یک الگوریتم سه‌ضربه‌ای برای کنترل وضعیت یک فضایی‌پیمای متقاضی محوری توسط هال و همکاران معرفی شد که می‌توانست مصرف سوخت را برای چرخش‌هایی با شرایط اولیه غیرصفر کاهش دهد [۵]. در سال ۲۰۰۶ مقاله‌ای توسط زینگ و همکاران منتشر شد که در آن از روش‌های کنترل با جت عکس‌العملی به صورت ضربه‌ای و کنترل آیرودینامیکی برای رهگیری وسایل پرنده جوی استفاده شد [۶]. در مقاله دیگری که در سال ۲۰۰۷ توسط ریدگلی و همکاران منتشر شد، طراحی اتوپایلوت برای یک وسیله پرنده هوا به هوا، از نوع کنترل با جت عکس‌العملی و دم‌کنترل، مورد بررسی قرار گرفت [۷].

مراجع موجود در زمینه استفاده از سیستم‌های جت عکس‌العملی در وسایل پرنده غیرچرخان، که در بالا مورد بررسی قرار گرفت، محدود به استفاده از جت عکس‌العملی عمل‌کننده به صورت پالس و به عنوان یک سیستم کنترل مستقل یا یک سیستم کمکی برای سیستم کنترل آیرودینامیکی هستند. در این سیستم‌ها، به دلیل خروج جت از روی بدنه (به صورت شعاعی)، امکان کنترل زاویه رول نیز وجود ندارد. به علاوه در هیچ کدام از این مراجع اشاره‌ای به جزئیات طراحی سیستمی و فرآیند بهینه‌سازی طراحی نشده است. در سال ۲۰۱۰ نوبهاری و همکاران طراحی یک سیستم کنترل وضعیت با جت جانبی از نوع پیوسته، که وظیفه کنترل همزمان زوایای رول، پیچ و یلو وسیله پرنده را پس از پرتتاب عمودی و قبل از روشن‌شدن موتور به عهده دارد، مورد بررسی قرار دادند [۸ و ۹]. ایشان در طراحی زیرسیستم‌های مختلف از قبیل مولد گاز، عملگر، مجاری جت و کناره، از یک فرآیند تکراری مبتنی بر سعی و خطأ و توأم با فرضیات مهندسی، بهره‌گیری از روابط

عکس‌العملی در یک وسیله پرنده عمودپرتاب که جت پس از ورود به درون کناره، عمود بر سطح آن خارج می‌شود و نیروی راش و زاویه جت با تغییر زاویه کناره به صورت پیوسته قابل تغییر است. وسیله پرنده موردنظر به گونه‌ای طراحی شده که ابتدا توسط یک سیستم پرتتاب سرده به صورت عمودی تا یک ارتفاع مشخص به سمت بالا پرتتاب می‌شود و سپس قبل از روشن‌شدن موتور، سیستم کنترل وضعیت باید زاویه پیچ وسیله پرنده را از مقدار ۹۰ درجه به یک مقدار مشخص، که توسط الگوریتم هدایت تعیین شده است، تقلیل دهد تا شرایط اولیه مناسب برای روشن‌شدن موتور در جهت بهینه و عملکرد بهینه حلقه هدایت فراهم شود. در حین چرخاندن وسیله پرنده در جهت پیچ، این سیستم کنترل وظیفه کنترل زوایای رول و یا و نیز تامین پایداری وسیله را نیز به عهده دارد. بدیهی است که رسیدن به کمترین زمان چرخش با درنظرگرفتن ملاحظات سیستمی ضروری است.

در چند دهه گذشته استفاده از سیستم‌های کنترل با جت عکس‌العملی در بسیاری از وسایل پرنده مورد توجه قرار گرفته است. در یک دهه اخیر و با مطرح شدن موضوعاتی همچون سیستم دفاع موشکی استراتژیک (SDI)^۱ یا سپر دفاع موشکی، که بیشترین توجه آن روی رهگیری ماهواره‌ها و موشک‌های بالستیک قاره‌پیما (ICBM)^۲ در خارج از جو غلیظ است، توجه به استفاده از سیستم‌های کنترل مبتنی بر جت عکس‌العملی بیشتر شده است. بدیهی است که سیستم‌های کنترل آیرودینامیکی قادر به تولید نیروها و گشتاورهای مورد نیاز برای کنترل این وسایل نیستند.

در زمینه سیستم‌های کنترل با جت عکس‌العملی از نوع ضربه‌ای (پالسی) برای اجسام پرنده بدون دوران حول محور طولی فعالیت‌های تحقیقاتی متنوعی انجام شده است.

در مقاله‌ای که توسط چامپیگی و لاکاثو در سال ۱۹۹۴ منتشر شد، تحقیق مختصری پیرامون جت‌های جانبی به عنوان سیستم کنترل برخی از وسایل پرنده تاکتیکی ارائه شده است. در این مقاله بیشتر به جنبه‌های طراحی آیرودینامیکی این وسایل، با درنظرگرفتن اثر تداخل جریان هوا و جت جانبی پرداخته شده است [۱].

در سال ۱۹۹۶ ترمن و فلشنر با استفاده از تئوری لیاپانوف یک کلاس جدید از کنترل کننده‌های پالسی مقاوم برای کنترل وضعیت فضایی‌پیمای را توسعه دادند، که رفتار سیستم غیرخطی

استفاده شده است [۱۰ و ۱۳]. الگوریتم ARCOMA از یک الگوریتم ژنتیک حالت دائم (SSGA)^۸ برای جستجوی فرآگیر و از نسخه ارتقایافته الگوریتم سیستم پیوسته توده‌ای مورچه‌ها (CACS)^۹ [۱۴] برای جستجوی محلی استفاده می‌کند. تعداد گام‌ها و بازه جستجوی محلی، پارامترهای تطبیقی الگوریتم ARCOMA هستند که برای تنظیم خودکار آنها نیز از مفهومی شبیه به مفهوم واریانس وزنی ارائه شده در مرجع [۱۴] استفاده شده است.

با توجه به اینکه اغلب مسائل طراحی بهینه دارای چند تابع هدف و یا به عبارتی چندمنظوره هستند، یک نسخه چندمنظوره نیز برای الگوریتم ARCOMA توسط مولفین رائه شده است [۱۰]. نسخه چندمنظوره، الگوریتم ژنتیک تطبیقی چندمنظوره (MARCOMA)^{۱۰} نامیده شده و از آن در بهینه‌سازی همزمان هندسه، جبران کننده‌های حلقه‌های کنترلی، قانون هدایت و موتور یک وسیله پرنده مایل پرتاب به صورت پردازش موازی استفاده شده است [۱۰].

در این مقاله مسئله طراحی مرجع [۹] مجدداً مورد بررسی قرار گرفته است. پارامترهای مربوط به هر زیرسیستم به سه دسته پارامترهای پیش‌فرض، پارامترهای مستقل طراحی و پارامترهای وابسته دسته‌بندی می‌شوند. پارامترهای پیش‌فرض، پارامترهایی هستند که یا مقادیر آن برای طراح مشخص است و یا طراح بر اساس تجربه خود براحتی می‌تواند مقادیر معقولی برای آنها در نظر بگیرد. پارامترهای مستقل طراحی توسط یک الگوریتم بهینه‌سازی و از طریق یک فرآیند تکراری هوشمند به صورت دقیق تنظیم می‌شوند. با معلوم‌بودن پارامترهای پیش‌فرض و پارامترهای طراحی، در هر بار حدس طرح بهینه توسط الگوریتم بهینه‌سازی، پارامترهای وابسته و به تبع آنها توابع هزینه به کمک معادلات تحلیلی حاکم بر زیرسیستم‌ها و شبیه‌سازی پرواز شش درجه‌آزادی غیرخطی محاسبه می‌شوند. با توجه به اینکه عموماً برخی از پارامترهای یک زیرسیستم، پارامتر ورودی زیرسیستم‌های دیگر محسوب می‌شوند، تدوین الگوریتم طراحی سیستمی و استخراج ترتیب محاسبات نیز ضروری است که در این مقاله ارائه شده است. به این ترتیب مسئله طراحی همزمان همه زیرسیستم‌های سیستم کنترل وضعیت با جت عکس‌العملی به یک مسئله بهینه‌سازی با ۱۳ پارامتر مجھول (پارامترهای مستقل طراحی)، ۱۳ قید سیستمی

تحلیلی، حدس پارامترهای طراحی، طراحی حلقه‌های کنترلی بر اساس تئوری کنترل کلاسیک و در نهایت تکرار فرآیند با حدسیات بهتر تا رسیدن به طرح قابل قبول، استفاده گردند. بدیهی است که با توجه به کثرت مجھولات و قیود طراحی استفاده از این روش بسیار مشکل، زمان‌بر و مستلزم داشتن تجربه فراوان در طراحی سیستمی است و لزوماً به بهترین نتیجه طراحی منجر نمی‌شود. یک راهکار برای رفع این مشکلات استفاده از الگوریتم‌های بهینه‌سازی جهت اتوماسیون فرآیند طراحی و دستیابی به طرح بهینه است.

در سال‌های اخیر، استفاده از الگوریتم‌های تکاملی در طراحی بهینه انواع سامانه‌های هوافضایی گسترش یافته است. زیرا فرآیند طراحی و مسائل نظری آن بسیار شبیه به فرآیند تکامل است. الگوریتم‌های تکاملی از نظریه تکامل طبیعی الهام گرفته‌اند. الگوریتم‌های ممتیک^۶ دسته‌ای از الگوریتم‌های تکاملی هستند که از یک الگوریتم ژنتیک برای جستجوی دقیق فرآگیر و از یک الگوریتم جستجوی محلی برای جستجوی دقیق استفاده می‌کنند و بهمین دلیل عملکرد بهتری نسبت به الگوریتم ژنتیک دارند [۱۱-۱۳]. عملیات جستجوی محلی در الگوریتم‌های ممتیک را می‌توان مشابه فرآیند تکامل فرهنگی جوامع بشری در نظر گرفت.

یکی از ویژگی‌هایی که یک الگوریتم بهینه‌سازی باید داشته باشد، این است که بتواند یک مسئله بهینه‌سازی ساده را به سرعت و یک مسئله بهینه‌سازی پیچیده را به دقت و با قابلیت اطمینان بالا حل کند. از این دیدگاه الگوریتم‌های بهینه‌سازی به دو دسته تطبیقی و غیرتطبیقی تقسیم می‌شوند. پارامترهای اصلی الگوریتم‌های بهینه‌سازی غیرتطبیقی در حین اجرای الگوریتم ثابت هستند و این باعث می‌شود که عملکرد آنها در حل همه مسائل مطلوب نباشد. در مقابل الگوریتم‌های بهینه‌سازی تطبیقی در حین اجرا پارامترهای خود را متناسب با میزان پیچیدگی مسئله تغییر می‌دهند. این خاصیت باعث می‌شود که بتوانند مسائل با سطح پیچیدگی مختلف را با سرعت، دقت و قابلیت اطمینان قابل قبول حل کنند. در سال‌های اخیر نسخه‌های تطبیقی از الگوریتم‌های ممتیک نیز ارائه شده است [۱۰، ۱۲ و ۱۳].

در این مقاله برای طراحی بهینه سیستم کنترل وضعیت، از الگوریتم ممتیک تطبیقی با گذاری حقیقی (ARCOMA)^۷، که اخیراً توسط مولفین توسعه داده شده،

الف- مدل‌سازی سطوح کنترل

در مدل‌سازی سطوح کنترل، نیروی جت عکس‌العملی مورد نیاز برای کنترل وضعیت و نیز گشتاور لولا، که عملگر باید قادر به تامین آن باشد، محاسبه می‌شود. از طرفی چون سطوح کنترلی علاوه بر فاز کنترل وضعیت، در فاز کنترل آیرودینامیکی نیز وظیفه فراهم کردن نیروها و گشتاورهای موردنیاز وسیله پرنده را به‌عهده دارند، بنابراین در مدل‌سازی آن‌ها باید ملاحظات طراحی هر دو فاز کنترل آیرودینامیکی و کنترل جت عکس‌العملی را مورد توجه قرار داد. در شکل ۲ نیروها و گشتاورهای وارد بر بالک، که ناشی از جت عکس‌العملی و آیرودینامیک هستند، نشان داده شده است. همچنین پارامترهای پیش‌فرض، طراحی و اباسته مربوط به هر یک از سطوح کنترلی در جداول ۱ و ۲ آورده شده‌اند.

در ادامه برای محاسبه بیشینه گشتاور لولا، ابتدا بیشینه نیروی برآی وارد بر هر بالک با توجه به شکل ۳ به صورت زیر محاسبه می‌شود.

$$F_{L_c} = \frac{F_{L_{A,\max}}}{2\left(\frac{\ell_c}{\ell^*} + 1\right)} \quad (1)$$

که $F_{L_{A,\max}}$ برآیند نیروی برآی آیرودینامیکی ناشی از زاویه حمله ($F_{L_{A,C}}$) و نیروی آیرودینامیکی ناشی از انحراف کانارد (F_{L_c}) می‌باشد. سپس گشتاور لولا ناشی از نیروهای آیرودینامیکی به صورت زیر بدست می‌آید.

$$M_{H_A} = \ell_{Hing} F_{L_c} \quad (2)$$

در محاسبه گشتاور لولا ناشی از جت عکس‌العملی، دو رویکرد عملکردی و سازه‌ای مدنظر می‌باشد. دیدگاه اول بر اساس بیشینه شتاب‌زاویه‌ای چرخش از زاویه پیج ۹۰ درجه به یک مقدار نهایی و نیز کمینه زمان چرخش استوار است. در دیدگاه دوم بیشینه شتاب جانبی مجاز از دیدگاه سازه‌ای مبنای محاسبات قرار گرفته است. بر اساس این دو رویکرد بیشینه شتاب‌زاویه‌ای مجاز را می‌توان از رابطه زیر محاسبه کرد.

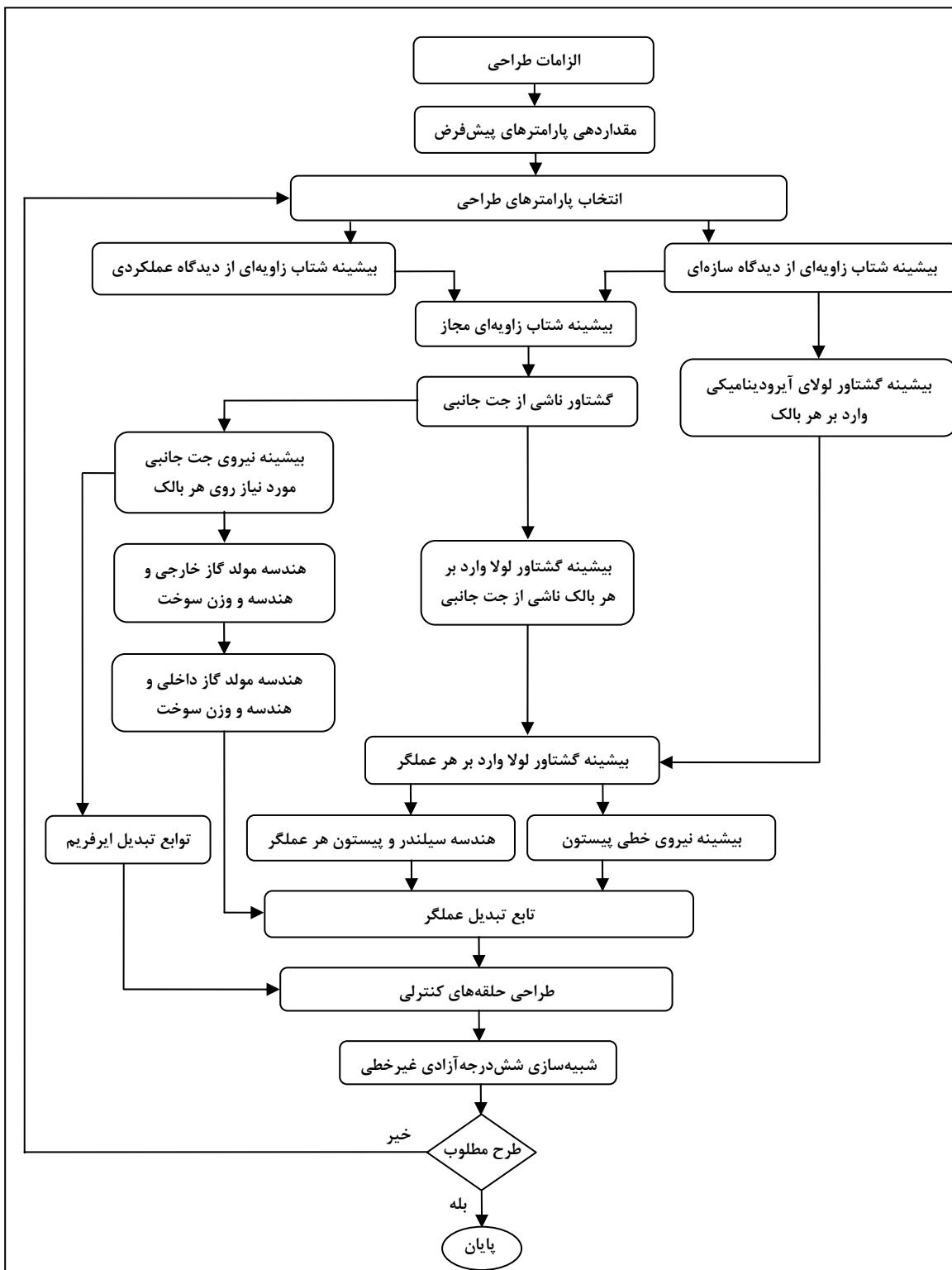
$$\ddot{\theta}_{\max} = \min\{\ddot{\theta}_{\max,P}, \ddot{\theta}_{\max,S}\} \quad (3)$$

و سهتابع هزینه تبدیل و برای حل آن از الگوریتم ممتیک تطبیقی چندمنظوره استفاده شده است.

محتوای این مقاله شامل تدوین الگوریتم طراحی سیستمی، مدل‌سازی زیرمجموعه‌های سیستم کنترل وضعیت، مدل‌سازی دینامیک وسیله پرنده، طراحی حلقه‌های کنترلی، معرفی الگوریتم ممتیک تطبیقی چندمنظوره و بهینه‌سازی سیستم کنترل وضعیت بر اساس نتایج شبیه‌سازی پرواز شش درجه‌آزادی غیرخطی و به کمک الگوریتم ممتیک تطبیقی چندمنظوره می‌باشد. در پایان نتایج بدست‌آمده جمع‌بندی شده است.

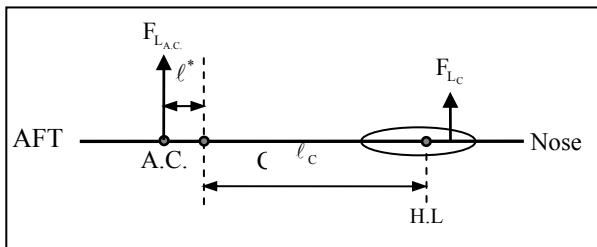
مدل‌سازی سیستم کنترل وضعیت با جت عکس‌العملی

کنترل وضعیت وسیله پرنده در سه کانال رول، پیج و یاو توسط یک سرومکانیزم نیوماتیکی و یک مولد گاز داغ از نوع سوخت جامد انجام می‌شود. مولد گاز داغ نیز از دو مولد گاز داخلی با گرین کندسوز برای تغذیه عملگرها و مولد گاز خارجی با گرین تندسوز جهت تامین جت عکس‌العملی تشکیل شده است. زیرسیستم‌های موجود در سیستم کنترل وضعیت شامل مولد گاز داغ، سطوح کنترلی (کانارد) و عملگرها می‌باشد که مدل ریاضی آنها در مرجع [۸] به طور کامل مورد بررسی قرار گرفته است. گازهای تولیدشده در مولد گاز خارجی، توسط چهار لوله مجزا به طور مستقیم به سطح بدنه و دقیقاً زیر ریشه بالک‌های کنترلی تخلیه می‌شوند. این گازها از طریق دو سوراخ که روی ریشه هر بالک و نزدیک محور شفت آن قرار دارد، به دو طرف سطح جانبی بالک هدایت می‌شوند و نیروی عمودی لازم برای کنترل وضعیت زاویه‌ای وسیله پرنده را فراهم می‌کنند. وقتی بالک در وضعیت صفر قرار دارد، هر دو سطح جانبی بالک به یک نسبت تغذیه می‌شوند. بنابراین در این حالت برآیند نیروهای تولیدشده روی بالک صفر می‌شود. به محض اینکه بالک توسط عملگر از وضعیت صفر خارج شد، توازن نیرو در دو طرف سطح بالک بهم می‌خورد و در نتیجه موجب ایجاد یک نیروی برآیندی مخالف صفر و گشتاور روی وسیله پرنده می‌شود [۸]. با توجه به اهمیت ترتیب محاسبات اجزای زیرسیستم‌های مختلف، فلوچارت طراحی این زیرسیستم‌ها، که در واقع نمای کلی از روند طراحی می‌باشد، تدوین و در شکل ۱ نشان داده شده است. توضیحات مربوط به محاسبات هر یک از زیرمجموعه‌ها در ادامه ارائه می‌شود.



شکل ۱- فلوچارت طراحی سیستم کنترل وضعیت با جت عکس‌العملی

بیشینه نیروی برآی وارد بر هر کانارد	F_{L_c}
فاصله مرکزفشار از خط لولا	ℓ_{Hing}



شکل ۳- نیروها و گشتاورهای وارد بر وسیله پرنده

در رابطه بالا $\ddot{\theta}_{max,P}$ ، بیشینه شتابزاویه‌ای از دیدگاه عملکردی و $\ddot{\theta}_{max,S}$ بیشینه شتابزاویه‌ای از دیدگاه سازه‌ای می‌باشد. با داشتن تخمین اولیه‌ای از ممان اینرسی عرضی وسیله پرنده (I_{yy})، بیشینه گشتاور لولا ناشی از جت عکس‌عملی از رابطه زیر محاسبه می‌شود:

$$M_J = I_{yy} \ddot{\theta}_{max} \quad (4)$$

از آنجا که در فاز کنترل وضعیت هنوز موتور اصلی وسیله پرنده روشن نشده و وزن سوخت مولد گاز نیز نسبت به وزن کل وسیله بسیار کم است، در طراحی سیستم کنترل وضعیت، از تغییرات ممان‌های اینرسی صرف‌نظر شده است. بیشینه نیروی جت روی هر بالک ($T_{J_{max}}$) نیز از رابطه زیر بدست می‌آید.

$$T_{J_{max}} = \frac{M_J}{2 \cdot \ell_c} \quad (5)$$

گشتاور لولا ناشی از جت نیز به صورت زیر محاسبه می‌شود.

$$M_{H_j} = \ell_{Hole} T_{J_{max}} \quad (6)$$

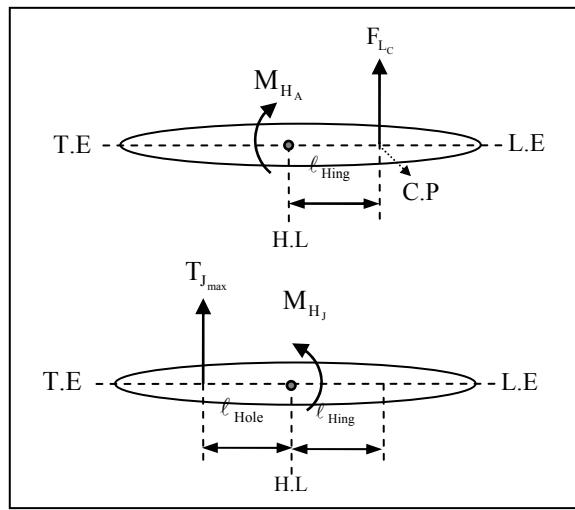
در نهایت بیشینه گشتاور لولا، که هر عملگر باید تأمین کند، از رابطه زیر بدست می‌آید.

$$M_{H_{max}} = \max(M_{H_j}, M_{H_A}) \quad (7)$$

پارامترهای ($T_{J_{max}}$) و ($M_{H_{max}}$) به ترتیب پارامترهای ورودی برای طراحی مولد گاز خارجی و عملگر می‌باشند.

ب- مدل‌سازی مولد گاز

این زیرسیستم وظیفه تأمین فشار مورد نیاز برای عملگرهای همچنین تأمین جت خارج‌شونده از روی کانارد را به‌عهده دارد. این زیرسیستم از دو مولد گاز استوانه‌ای شکل هم‌محور تشکیل



شکل ۲- نیروهای آئرودینامیک و جت عکس‌عملی وارد بر بالک

جدول ۱- پارامترهای پیش‌فرض و طراحی سطوح کنترلی

علائم	پارامترهای پیش‌فرض	مقدار
۱۰	بیشینه انحراف هر کانارد از وضعیت صفر (deg)	δ_{max}
۳۰	بیشینه شتاب جانبی وارد بر وسیله پرنده (g)	$a_{C_{max}}$
۰.۰۳	حاشیه پایداری استاتیکی بی‌بعد شده، به طول کل وسیله پرنده	ℓ^*
۱.۳	فاصله مرکز جرم تا خط لولا (m)	ℓ_c
۴۵	بیشینه زاویه چرخش از وضعیت قائم (deg)	θ_{max}
علائم	پارامترهای طراحی	مقدار
؟	نسبت شعاع مجرای خروج جت، به بیشینه ضخامت کانارد	\bar{r}_{Hole}
؟	نسبت بیشینه ضخامت کانارد، به طول ریشه آن	$\bar{t}_{C_{max}}$
؟	فاصله مرکزفشار کانارد از خط لولا، به طول ریشه کانارد	$\bar{\ell}_{Hing}$

جدول ۲- پارامترهای وابسته سطوح کنترلی

علائم	پارامترهای وابسته
$t_{C_{max}}$	بیشینه ضخامت کانارد
r_{Hole}	شعاع مجرای خروج جت
ℓ_{Hole}	فاصله مرکز مجرای خروج جت از خط لولا
$F_{L_{A,max}}$	بیشینه نیروی برآی وارد بر وسیله پرنده

$$x_0 = \ell_{\text{TR}} \delta \quad (11)$$

در نهایت تابع تبدیل هر عملگر به صورت زیر محاسبه می‌شود [۸، ۹].

$$\frac{\delta(s)}{\varepsilon_i(s)} = \frac{\frac{A_{\text{Piston}} K_{\text{EV}} \ell_{\text{TR}}}{B_{\text{Piston}} \ell_{\text{TR}}^2 + B_{\text{Shaft}} + B_{\text{Linkage}}}}{s \left[\left(\frac{(m_{\text{Piston}} + m_{\text{Shaton}}) \ell_{\text{TR}}^2 + I}{B_{\text{Piston}} \ell_{\text{TR}}^2 + B_{\text{Shaft}} + B_{\text{Linkage}}} \right) s + 1 \right]} = \frac{K_a}{s(\tau s + 1)} \quad (12)$$

در رابطه بالا I ممان اینرسی معادل قابل تعریف برای کانارد، میله رابط و شفت است.

جدول ۳- پارامترهای پیش‌فرض و طراحی مولد گاز خارجی

مقدار	پارامترهای پیش‌فرض	علام
۱۰	درصد افت تراست از خروجی مولد گاز تا خروجی از سطح هر بالک (%)	$\Delta \bar{T}_{\text{out}}$
۱۷۰۰	چگالی سوخت (kg/m³)	ρ_{out}
۸۵	ضریب حجمی محفظه خارجی (%)	$V_{f_{\text{out}}}$
۱.۱۶۶	نسبت ظرفیت گرمایی ویژه	γ_{out}
۲۵۰	ثابت گازهای خروجی (J/kg.K°)	$R_{p_{\text{out}}}$
۲۲۰۰	دماه شعله (K°)	$T_{F_{\text{out}}}$
۸۷۰	تشن تسليم پوسته (Mpa)	$\sigma_{Y_{\text{out}}}$
۱.۱	ضریب دمای سوخت	a_{out}
۰.۵۵	ساخخص احتراق	n_{out}
۰.۹	نسبت طول سوخت به طول مولد گاز	$\bar{\ell}_{p_{\text{out}}}$
۱.۷	ضریب تراست	$C_{f_{\text{out}}}$
۰.۹	نسبت شاعع خارجی مولد گاز	$\bar{r}_{GG_{\text{out}}}$
۲۳	قطر کالبیر وسیله پرنده (cm)	D_{Cliber}
۲.۵	ضخامت لاینر (mm)	$\delta_{L_{\text{out}}}$
۲	ضخامت عایق (mm)	$\delta_{I_{\text{out}}}$
مقدار	پارامترهای طراحی	علام
؟	طول مولد گاز (cm)	ℓ_{GG}
؟	شعاع داخلی مولد گاز (cm)	$r_{GG_{\text{in}}}$
؟	فشار محفظه احتراق (bar)	$P_{C_{\text{out}}}$

شده است (شکل ۴). مولد گاز خارجی باید قادر به تأمین نیروی جت عکس‌العملی نسبتاً بزرگ در بازه زمانی کنترل وضعیت، که نسبتاً کم است، باشد. مولد گاز داخلی باید قادر به تغذیه عملگرها در کل زمان پرواز باشد. مقدار فشار تولیدی توسط مولد گاز داخلی باید تقریباً ثابت باشد. این ملاحظات در طراحی شکل گرین سوخت هر یک از این دو مولد گاز در نظر گرفته می‌شود.

طراحی مولد گاز داخلی و خارجی شامل طراحی محفظه احتراق، گرین، عایق، لاینر و نازل برای هر کدام می‌باشد. برای مدل‌سازی این اجزا و محاسبه پارامترهای وابسته از روابط تحلیلی سازه، سوخت و نازل‌های همگرا - واگرا استفاده شده است. فرآیند طراحی مولد گاز داخلی و خارجی و روابط مربوط به نحوه محاسبه پارامترهای وابسته به طور کامل در مرجع [۸ و ۹] تشریح شده است. پارامترهای پیش‌فرض، طراحی، وابسته و نیز پارامترهای مقید مربوط به مولد گاز داخلی و خارجی در جداول ۳ تا ۶ نشان داده شده است.

ج- مدل‌سازی عملگرها

عملگر شامل یک شیربرقی و مجموعه سیلندر و پیستون است. مکانیزم عملکرد آن در شکل ۵ آورده شده است. بیشینه نیروی خطی وارد بر هر پیستون از رابطه زیر حساب می‌شود.

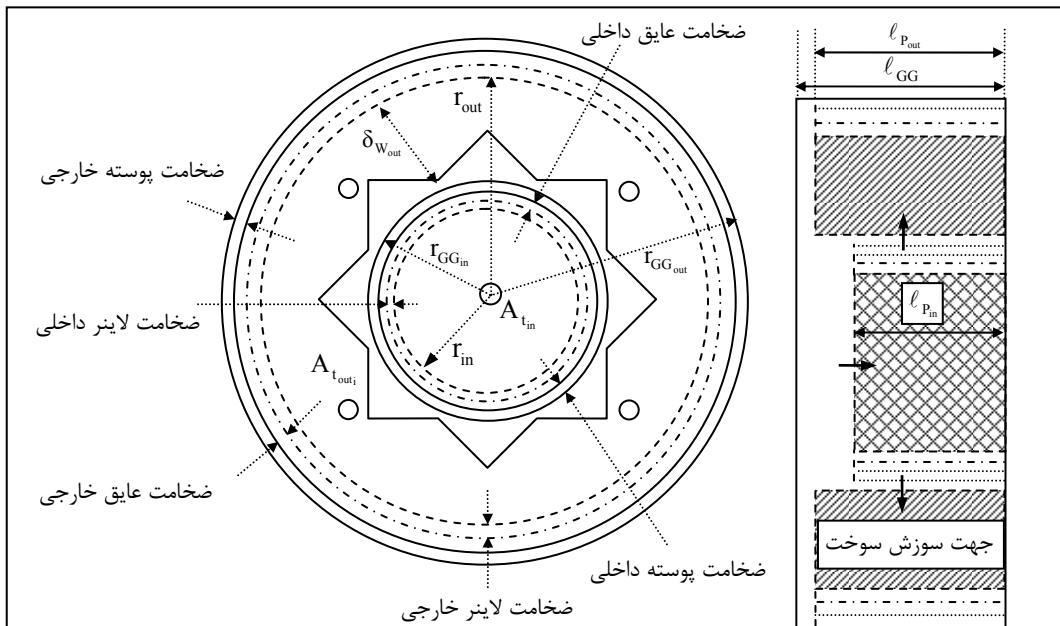
$$F_{\text{Piston}_{\max}} = \frac{M_{H_{\max}}}{\ell_{\text{TR}}} \quad (8)$$

از طرفی نیروی خطی پیستون متناسب است با:

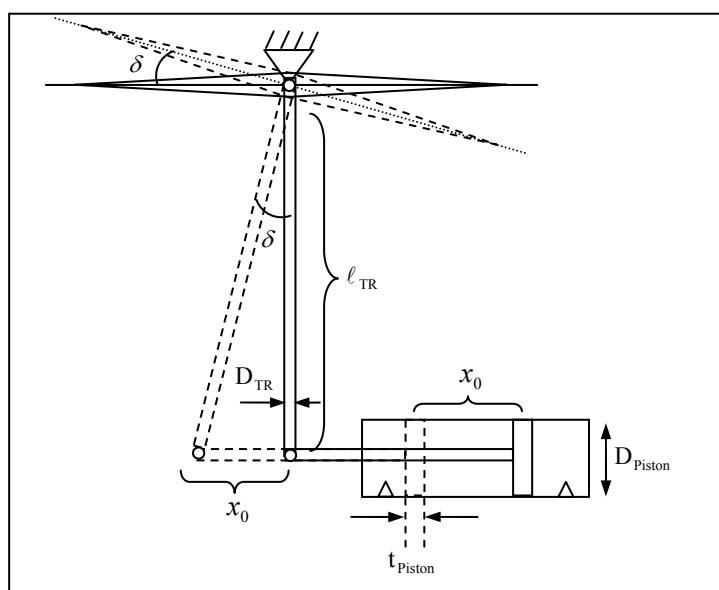
$$F_{\text{Piston}} = A_{\text{Piston}} K_{\text{EV}} \varepsilon_i \quad (9)$$

$$F_{\text{Piston}} = (m_{\text{Piston}} + m_{\text{Shaton}}) \ddot{x}_0 + B_{\text{Piston}} \dot{x}_0 + F' \quad (10)$$

که در رابطه (۱۰)، F' نیروی لازم برای غلبه بر اینرسی و اصطکاک اجزای متحرک سرومکانیزم است. پارامترهای پیش‌فرض، طراحی و وابسته و نیز پارامترهای مقید هر عملگر در جداول ۷ و ۸ آورده شده است. رابطه بین جابجایی خطی پیستون و چرخش کانارد به صورت زیر محاسبه می‌شود.



شکل ۴- نمای برش خورده مولد گاز داغ



شکل ۵- شماتیکی از مکانیزم عملکرد عملگر.

جدول ۶- پارامترهای وابسته و مقید مولد گاز داخلی

پارامترهای وابسته	علامم
طول سوخت (cm)	$\ell_{P_{in}}$
ضخامت پوسته (mm)	$\delta_{Case_{in}}$
شعاع گرین سوخت (cm)	r_{in}
جرم سوخت (kg)	$m_{P_{in}}$
دیجرمی محصولات احتراق (kg/s)	\dot{m}_{in}
مساحت گلوگاه (cm ²)	$A_{t_{in}}$
ماخ جریان خروجی	$M_{e_{in}}$
قطر مجرای خروج گاز	$D_{e_{in}}$
قطر گلوگاه (mm)	$D_{t_{in}}$
تراست، در خروجی از مولد گاز (N)	T_{in}
پارامترهای مقید	علامم
سرعت سوزش (mm/s)	$\dot{r}_{P_{in}}$
ضربه ویژه سوخت (sec)	$I_{SP_{in}}$

جدول ۷- پارامترهای پیش‌فرض و طراحی در عملگر

مقدار	پارامترهای پیش‌فرض	علامم
۰.۸	فشار اتمسفر (bar)	P_{atm}
۱۵	دهانه هر کانارد (cm)	b_C
۲۴۰۰	چگالی آلومینیوم (kg/m ³)	ρ_{Al}
۷۸۰۰	چگالی آهن (kg/m ³)	ρ_{Steel}
۰.۲	اصطکاک ویسکوز پیستون هر عملگر (N.s/m)	B_{Piston}
۰.۱۵	اصطکاک ویسکوز شفت کانارد (N.s/m)	B_{Shaft}
۰.۱۵	اصطکاک ویسکوز اتصالات هر عملگر (N.s/m)	$B_{Linkage}$
۵	بیشینه انحراف نازل شیربرقی هر عملگر (deg)	ε_{max}
۰.۲۵	نسبت قطر شاتون به قطر پیستون هر عملگر	\overline{D}_{Shaton}
۰.۳	نسبت طول شاتون به قطر کالیبر وسیله پرنده	\overline{l}_{Shaton}
۰.۲	نسبت طول شفت به قطر کالیبر وسیله پرنده	\overline{l}_{Shaft}
۰.۱	نسبت ضخامت پیستون به قطر پیستون هر عملگر	\overline{t}_{Piston}
۰.۲	نسبت جرم اتصالات به جرم میله رابط هر عملگر	$\overline{m}_{Linkage}$
۰.۲۵	نسبت شعاع ژراسیون کانارد به طول ریشه آن	\overline{r}_G
۰.۶	نسبت قطر میله رابط به ماکریم ضخامت کانارد	\overline{D}
مقدار	پارامترهای طراحی	علامم
?	نسبت طول میله رابط به قطر کالیبر وسیله پرنده	\overline{l}_{TR}

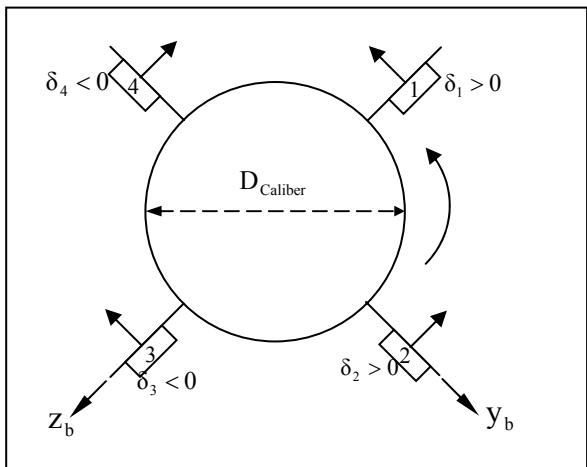
جدول ۴- پارامترهای وابسته و مقید مولد گاز خارجی

پارامترهای وابسته	علامم
تراست خروجی از مولد گاز (N)	T_{out}
مساحت هر گلوگاه (cm ²)	$A_{t_{out}}$
قطر هر گلوگاه (cm)	$D_{t_{out}}$
دیجرمی محصولات احتراق (kg/s)	\dot{m}_{out}
ضخامت پوسته مولد گاز (mm)	$\delta_{Case_{out}}$
شعاع خارجی گرین (cm)	r_{out}
طول سوخت (cm)	$\ell_{P_{out}}$
جرم سوخت (kg)	$m_{P_{out}}$
زمان سوزش (sec)	$t_{b_{out}}$
ضخامت یا وب سوخت (cm)	$\delta_{W_{out}}$
مساحت هر یک از مجراهای خروج گاز (cm ²)	$A_{Port_{out}}$
قطر خارجی هر یک از مجراهای خروج گاز (cm)	$D_{e_{out}}$
پارامترهای مقید	علامم
ضربه ویژه سوخت (sec)	$I_{SP_{out}}$
سرعت سوزش سوخت (mm/s)	\dot{r}_{out}
نسبت ضخامت یا وب سوخت، به شعاع مولد گاز	$\frac{\delta_{W_{out}}}{r_{out} - r_{GG_{in}}}$
مجموع مساحت چهار مجرای خروج گاز، به مجموع مساحت چهار گلوگاه	$\frac{A_{Port_{out}}}{A_{t_{out}}}$
پارامترهای پیش‌فرض	علامم
چگالی سوخت (kg/m ³)	ρ_{in}
ضریب حجمی محفظه احتراق (%)	$V_{f_{in}}$
نسبت ظرفیت گرمایی ویژه	γ_{in}
ثابت گازهای خروجی (J/kg.K°)	$R_{P_{in}}$
دمای شعله (J/kg.K°)	$T_{F_{in}}$
ضریب دمای سوخت	a_{in}
شاخص احتراق	n_{in}
زمان سوزش (sec)	$t_{b_{in}}$
تنش تسلیم پوسته (Mpa)	$\sigma_{Y_{in}}$
ضریب تراست	$C_{f_{in}}$
ضخامت لاینر (mm)	$\delta_{L_{in}}$
ضخامت عایق (mm)	$\delta_{I_{in}}$
پارامترهای طراحی	علامم
نسبت فشار محفظه مولد گاز داخلی به خارجی	$P_{C_{in}}/P_{C_{out}}$
نسبت فشار خروجی به فشار محفظه داخلی	$P_{e_{in}}/P_{C_{in}}$

$$\begin{Bmatrix} X \\ Y \\ Z \end{Bmatrix} = \begin{Bmatrix} X_W \\ Y_W \\ Z_W \end{Bmatrix} + \begin{Bmatrix} X_J \\ Y_J \\ Z_J \end{Bmatrix} \quad (16)$$

$$\begin{Bmatrix} L \\ M \\ N \end{Bmatrix} = \begin{Bmatrix} L_J \\ M_J \\ N_J \end{Bmatrix} \quad (17)$$

بدیهی است که گشتاور ناشی از نیروی جاذبه به دلیل عبور امتداد این نیرو از مرکز جرم صفر است. همچنین پس از پرتاب قائم و رو به بالای وسیله پرنده، که توسط یک سیستم پرتاب سرد انجام می‌شود، سرعت تقریبی وسیله در لحظاتی که سیستم کنترل وضعیت شروع به کار می‌کند، بسیار کم و در حدود ۵ متر بر ثانیه است. بنابراین در فاز کنترل وضعیت می‌توان از نیروها و گشتاورهای آبرو دینامیکی صرف نظر کرد. برای محاسبه نیروها و گشتاورهای ناشی از جت عکس العملی و ارتباط آن (ها) با میزان انحراف بالک‌های کنترلی، ابتدا نحوه شماره‌گذاری بالک‌های کنترلی نسبت به مختصات بدنه و سپس جهت‌های مثبت و منفی انحراف هر بالک تعریف می‌شود (شکل ۶).



شکل ۶- شماره‌گذاری بالک‌های کنترلی در دستگاه بدنه

بالک‌های ۱ و ۳ نقش رادر، بالک‌های ۲ و ۴ نقش الوتیور و هر چهار بالک نقش ایلوران را ایفا می‌کنند. روابط حاکم بین مقدار انحراف الوتیور، رادر و ایلوران (δ_e , δ_r و δ_a) با مقدار انحراف بالک‌های ۱ تا ۴ به صورت زیر است.

جدول ۸- پارامترهای وابسته و مقید عملگر

علائم	پارامترهای وابسته
ℓ_{TR}	طول میله رابطه عملگر (cm)
F_{Piston}	بیشینه نیروی خطی پیستون در هر عملگر (N)
D_{Piston}	قطر پیستون هر عملگر (cm)
k_{EV}	بیشینه بهره شیربرقی هر عملگر (bar/rad)
m_{Shaton}	جرم شاتون هر عملگر (kg)
m_{Piston}	جرم پیستون هر عملگر (kg)
I	ممان اینرسی معادل اجزای متحرک کناره ($kg \cdot m^2$)
علائم	پارامترهای مقید
$\frac{D_{Piston}}{D_{Caliber}}$	نسبت قطر پیستون به قطر کالیبر وسیله پرنده

د- مدل‌سازی دینامیک وسیله پرنده

در این بخش مدل دینامیکی وسیله پرنده موردنظر معرفی می‌شود. از این مدل برای شبیه‌سازی پرواز وسیله و از فرم ساده‌شده آن برای استخراج توابع تبدیل بدنه استفاده خواهد شد. با فرض صلب‌بودن وسیله پرنده و ناچیزبودن تغییرات وزن و ممان‌های اینرسی در فاز کنترل وضعیت، برای حرکت انتقالی و دورانی خواهیم داشت.

$$\begin{cases} \mathbf{f} = m \frac{d\mathbf{v}}{dt} \\ \mathbf{m} = I \frac{d\boldsymbol{\omega}}{dt} \end{cases} \quad (13)$$

که \mathbf{f} و \mathbf{m} به ترتیب بردار مجموع نیروها و گشتاورهای خارجی وارد بر وسیله پرنده، \mathbf{v} بردار سرعت مرکز جرم و $\boldsymbol{\omega}$ بردار سرعت زاویه‌ای وسیله پرنده می‌باشد. فرم اسکالر معادلات حرکت وسیله پرنده در دستگاه بدنه در فرض تقارن محوری به صورت زیر می‌باشد.

$$\begin{cases} \sum f_x = m(\dot{u} + wq - vr) = X \\ \sum f_y = m(\dot{v} + ur - wp) = Y \\ \sum f_z = m(\dot{w} - uq + vp) = Z \end{cases} \quad (14)$$

$$\begin{cases} I_{xx}\dot{p} = L \\ I_{yy}\dot{q} - (I_{zz} - I_{xx})rp = M \\ I_{zz}\dot{r} - (I_{xx} - I_{yy})pq = N \end{cases} \quad (15)$$

نیروها و گشتاورهای خارجی وارد بر وسیله پرنده، ناشی از وزن و جت عکس‌العملی هستند و به صورت زیر تعریف می‌شوند.

با توجه به اینکه در فاز کنترل وضعیت از نیروها و گشتاورهای آیرودینامیکی به دلیل ناچیزبودن سرعت صرفنظر می‌شود و همچنین با توجه به اینکه وسیله پرنده از نوع گردش با لغزش (STT)^{۱۲} بوده و نرخ رول آن کم است، با ساده‌سازی رابطه (۱۵) براحتی می‌توان توابع تبدیل وضعیت بدنه به ورودی‌های کنترلی را به صورت زیر استخراج کرد.

$$\begin{cases} \frac{\phi(s)}{\delta_a(s)} = \frac{L_{J_{\delta_a}}}{I_{xx}s^2} \\ \frac{\theta(s)}{\delta_e(s)} = \frac{M_{J_{\delta_e}}}{I_{yy}s^2} \\ \frac{\psi(s)}{\delta_r(s)} = \frac{N_{J_{\delta_r}}}{I_{zz}s^2} \end{cases} \quad (۲۶)$$

۵- مدل‌سازی حلقه‌های کنترلی

در این بخش نحوه مدل‌سازی حلقه‌های کنترل زوایای رول، پیچ و یا و نیز حلقه سرو و همچنین نحوه طراحی کنترل کننده برای هر کدام از آنها تشریح می‌شود. در شکل ۷ حلقه کنترلی سرو نشان داده شده است. در حلقه سرو برای اندازه‌گیری موقعیت لحظه‌ای بالک از یک پتانسیومتر یا انکوادر می‌توان استفاده کرد. در شکل‌های ۸ و ۹ حلقه‌های کنترلی رول و پیچ نشان داده شده است. به دلیل تقارن وسیله پرنده، حلقه کنترل یا شبیه حلقه کنترل پیچ است. در هر یک از حلقه‌های کنترل وضعیت رول، پیچ و یا از یک جایروی آزاد برای اندازه‌گیری زاویه استفاده می‌شود.

پارامترهای پیش‌فرض، طراحی، وابسته و مقید حلقه‌های کنترلی در جداول ۹ و ۱۰ تعریف شده است. در طراحی همه حلقه‌های کنترلی دستیابی به حداکثر خطای ماندگار ۱۰ درصد در پاسخ به ورودی پله و حداقل حد فاز ۵۵ درجه مدنظر قرار گرفته است. پارامترهای طراحی C_1 , C_2 و C_3 ظاهر شده در جدول ۹ به صورت زیر تعریف می‌شوند:

$$C_1 = t_{r_p} / t_{min} \quad (۲۷)$$

$$C_2 = \omega_{BW_R} / \omega_{BW_P} \quad (۲۸)$$

$$C_3 = \omega_{BW_R} / \omega_{BW_S} \quad (۲۹)$$

پارامترهای t_{r_p} , ω_{BW_S} , ω_{BW_R} و ω_{BW_P} به ترتیب زمان برخاست حلقه پیچ و پهنه‌ای باند حلقه‌های سرو، رول و پیچ هستند. دینامیک هر یک از حلقه‌های کنترلی سرو، رول، پیچ و یا به صورتی است که استفاده از جبران‌سازهای پیش‌فاز همه نیازهای کنترلی را برآورده می‌کند [۸ و ۹]. با استفاده از تئوری کنترل خطی و با معلوم‌بودن پارامترهای پیش‌فرض

$$\begin{aligned} \delta_e &= \frac{\delta_2 - \delta_4}{2} \\ \delta_r &= \frac{\delta_1 - \delta_3}{2} \\ \delta_a &= \frac{\delta_1 + \delta_2 + \delta_3 + \delta_4}{4} \end{aligned} \quad (۱۸)$$

چنانچه مقدار نیروی جت عکس‌العملی خروجی از سطح هر بالک تابعی خطی از زاویه انحراف بالک فرض شود، می‌توان مقدار آن را از رابطه زیر محاسبه کرد:

$$T_{J_i} = T_{J_{max}} \cos \lambda \frac{\delta_i}{\delta_{max}} \quad (۱۹)$$

در رابطه بالا $T_{J_{max}}$ بیشینه نیروی جت عکس‌العملی روی هر بالک، λ زاویه خروج جت با امتداد عمود بر بالک و δ_i زاویه انحراف هر بالک از وضعیت صفر آن هستند. به این ترتیب ضریب مشتق نیروی جت عکس‌العملی هر بالک به مقدار انحراف آن بالک به صورت زیر تعریف می‌شود:

$$T_{J_\delta} = \frac{\partial T_{J_i}}{\partial \delta_i} = \frac{T_{J_{max}} \cos \lambda}{\delta_{max}} \quad (۲۰)$$

در ادامه روابط حاکم بین نیروها و گشتاورهای ناشی از جت عکس‌العملی با این مشتق کنترلی جدید استخراج خواهد شد.

با استفاده از رابطه (۱۸) می‌توان رابطه بین نیروهای ناشی از جت عکس‌العملی با میزان انحراف رادر و الیتور را به صورت زیر بدست آورد:

$$Y_J = -T_{J_1} + T_{J_3} = -2T_{J_\delta} \delta_r \quad (۲۱)$$

$$Z_J = -T_{J_2} + T_{J_4} = -2T_{J_\delta} \delta_e \quad (۲۲)$$

به همین ترتیب رابطه بین گشتاورهای ناشی از جت عکس‌العملی با میزان انحراف ایلوران، الیتور و رادر به صورت زیر محاسبه می‌شود:

$$L_J = 4\left(\frac{D_{Caliber}}{2} + b_J\right)T_{J_\delta} \delta_a = L_{J_{\delta_a}} \delta_a \quad (۲۳)$$

$$M_J = 2(d_{CG} - d_J)T_{J_\delta} \delta_e = M_{J_{\delta_e}} \delta_e \quad (۲۴)$$

$$N_J = -2(d_{CG} - d_J)T_{J_\delta} \delta_r = N_{J_{\delta_r}} \delta_r \quad (۲۵)$$

در روابط بالا d_{CG} و d_J به ترتیب فاصله مرکز جرم و محل خروج جت، از نوک وسیله پرنده و b_J فاصله شعاعی محل خروج جت تا محور طولی هستند. در نهایت لازم است که توابع تبدیل بدنه استخراج شود تا با استفاده از آن(ها) بتوان کنترل کننده‌های سیستم کنترل وضعیت را طراحی کرد.

جدول ۱۰- پارامترهای وابسته و قیود حلقه‌های کنترلی

پارامترهای وابسته	علامم
زمان برخاست حلقه پیج (sec)	t_{r_p}
زمان نشست حلقه پیج (sec)	t_{s_p}
زمان برخاست حلقه رول (sec)	t_{r_R}
زمان نشست حلقه رول (sec)	t_{s_R}
پهنهای باند حلقه پیج (rad/s)	ω_{BW_p}
پهنهای باند حلقه رول (rad/s)	ω_{BW_R}
پهنهای باند حلقه سرو (rad/s)	ω_{BW_s}

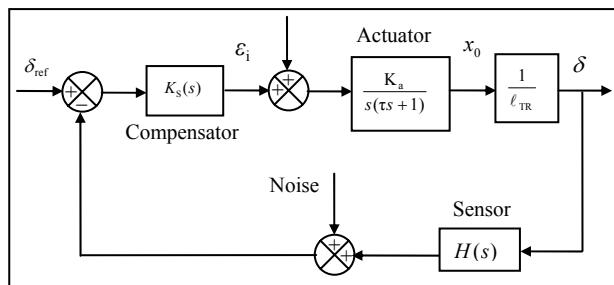
پارامترهای مقید	علامم
بیشینه خطای حالت ماندگار به ورودی پله (درصد)	$e_{ss_{max}}$
نسبت قطب به صفر جبران ساز حلقه سرو	α_s
نسبت قطب به صفر جبران ساز حلقه رول	α_R
نسبت قطب به صفر جبران ساز حلقه پیج	α_p
ثابت خطای ایستای سرعت جبران ساز حلقه سرو (sec ⁻¹)	K_{v_s}
ثابت خطای ایستای شتاب جبران ساز حلقه رول (sec ⁻¹)	K_{a_R}
ثابت خطای ایستای شتاب جبران ساز حلقه پیج (sec ⁻¹)	K_{a_p}

الگوریتم ممتیک تطبیقی

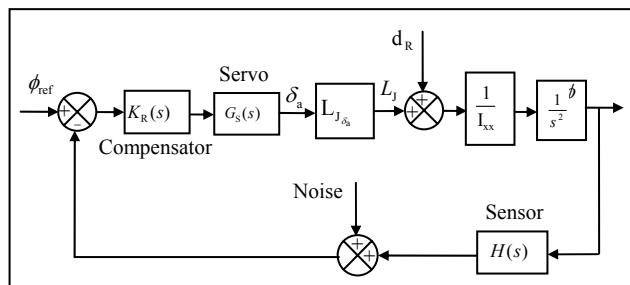
ایده اصلی الگوریتم ARCOMA داشتن خاصیت تطبیقی با مسئله مورد بررسی است. این ویژگی به خصوص در توابعی که دارای ابعاد زیاد، یا دارای کمینه‌های محلی متعددی هستند، اهمیت بیشتری می‌یابد.

در الگوریتم ARCOMA از الگوریتم ژنتیک حالت دائم (SSGA) برای جستجوی فرآگیر و از الگوریتم سیستم پیوسته کلونی مورچه‌ها (CACS) [۱۴] برای جستجوی محلی استفاده شده است. در الگوریتم‌های مبتنی بر SSGA، در هر نسل فقط یک یا دو فرزند ایجاد می‌شود و یک فرزند خوب تا زمانی که فرزند بهتری یافته نشود، جایگزین نخواهد شد. هر چند در حل مسائل بهینه‌سازی از SSGAها کمتر از GAها استفاده می‌شود، ولی استفاده از آن(ها) را در الگوریتم‌های ممتیک بسیار مناسب می‌دانند [۱۵].

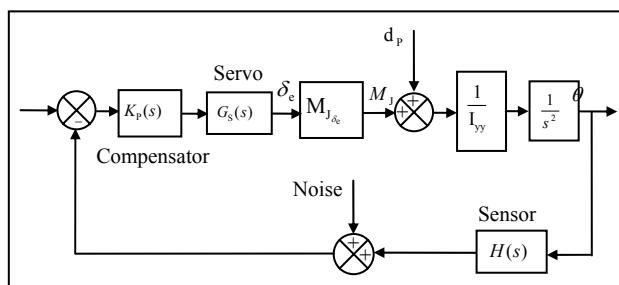
حلقه‌های کنترلی می‌توان بهره، صفر و قطب هر یک از این جبران‌کننده‌ها را به صورت تابعی از پارامترهای طراحی حلقه‌های کنترلی محاسبه کرد.



شکل ۷- نمودار بلوکی حلقه سرو



شکل ۸- نمودار بلوکی حلقه رول



شکل ۹- نمودار بلوکی حلقه پیج

جدول ۹- پارامترهای پیش‌فرض و طراحی حلقه‌های کنترلی

پارامترهای پیش‌فرض	علامم
حداقل حد فاز (deg)	P.M _{min}
پارامترهای طراحی	علامم
کمترین زمان چرخش از ۹۰ به ۴۵ درجه (sec)	t _{min}
نسبت زمان برخاست حلقه پیج، به کمترین زمان چرخش از ۹۰ به ۴۵ درجه	C ₁
نسبت پهنهای باند حلقه رول به حلقه پیج	C ₂
نسبت پهنهای باند حلقه رول به حلقه سرو	C ₃

RWS فرزنهای متولدشده جایگزین بدترین افراد جمعیت می‌شوند. این استراتژی یک سیاست نخبه‌گرایی است و استفاده از آن باعث بهبود سرعت همگرایی الگوریتم می‌شود.

پس از مقداردهی اولیه پارامترهای الگوریتم ARCOMA، نسل اول به صورت اتفاقی تشکیل شده وارد حلقه اصلی الگوریتم می‌شوند. در هر بار تکرار حلقه اصلی باید تعداد $N_{\text{offspring}}$ فرزند تشکیل شود. تولید هر فرزند شامل انتخاب دو ولی، اعمال عملگرهای ترکیب و جهش و در نهایت جستجوی محلی است. پس از تکرار این فرآیند به تعداد $N_{\text{offspring}}$ جمعیت تصفیه و حلقه اصلی تکرار می‌شود. تصفیه جمعیت بدین معنی است که افراد بدتر دور ریخته شده و فرزندان، در صورت بهتر بودن، جایگزین آنها می‌شوند. تکرار حلقه اصلی تا زمانی که شرط توقف الگوریتم ارضا نشده باشد، ادامه می‌یابد. معیار بدتر یا بهتر بودن افراد در جمعیت، رتبه‌بندی^{۱۹} آنها براساس مقدار تابع هدف است.

از الگوریتم ARCOMA برای حل مسائل نمونه تکمنظوره و پیوسته همایش (CEC2005)^{۲۰} ([۱۸]) استفاده شده و در مقایسه با سایر الگوریتم‌های تکاملی عملکرد قابل ملاحظه و خوبی از خود نشان داده است [۱۳].

الگوریتم ممتیک تطبیقی چندمنظوره

مسائل مهندسی علاوه بر داشتن تنوع زیاد در متغیرهای طراحی، اغلب دارای اهداف متنوع یا چندمنظوره نیز هستند. الگوریتم ARCOMA، الگوریتمی است که توانایی حل مسائل مقیاس بزرگ و پیوسته با یک تابع هدف را دارد. برای پرداختن به مسائلی که علاوه بر داشتن چنین خواصی، چندمنظوره (دارای چند تابع هدف) نیز هستند، الگوریتم ARCOMA به نسخه چندمنظوره آن تعمیم داده شده و الگوریتم جدید دیگری با نام MARCOMA طراحی شده است [۱۰]. در این قسمت به معرفی مختصر الگوریتم MARCOMA پرداخته می‌شود.

الگوریتم MARCOMA در شکل ۱۰ نشان داده شده است. به طور کلی تفاوت MARCOMA با نسخه تکمنظوره آن (ARCOMA) در نحوه رتبه‌بندی افراد (Ranking)، نحوه گزینش والدین (Selection)، نحوه جایگزین‌کردن افراد ضعیف موجود در جمعیت (Replacement) و همچنین نحوه جستجوی محلی (Replacement)

CACS یک الگوریتم تکمنظوره گد حقیقی است. این الگوریتم بر اساس کلونی مورچه‌های است و مورچه‌ها مقصود بعدی خود را بر اساس توزیع فرمون موجود در محیط جستجو انتخاب می‌کنند. پس از این که مقصود جدید انتخاب شد، تابع هدف متناظر با آن محاسبه شده، توزیع فرمون بروز می‌شود و این فرآیند ادامه می‌یابد. تعداد تکرارهای لازم در هر بار جستجوی محلی برای یک فرزند و نسبت دامنه جستجوی محلی به جستجوی فرآیند، دو پارامتر تطبیقی هستند که بسته به پیچیدگی مسئله در حال حل، توسط الگوریتم تعیین می‌شوند. اگر جواب‌های خوب به هم نزدیک باشند، توزیع فرمون محدود و تعداد تکرار جستجوی محلی بیشتر می‌شود تا جستجوی محلی بیشتر و دقیق‌تر انجام شود. همچنین، وقتی جواب‌های خوب از هم دور شوند، بازه جستجوی محلی بزرگ و تعداد تکرارهای جستجوی محلی کم می‌شود تا جستجوی فرآیند بیشتر انجام شود.

الگوریتم ARCOMA دارای چهار عملگر انتخاب، جایگزینی، ترکیب و جهش است [۱۳]. در عملگر انتخاب برای تولید هر فرزند، دو ولی انتخاب می‌شوند. فرزند جدید پس از اعمال عملگرهای ترکیب و جهش تولید می‌شود. در ARCOMA انتخاب والدین براساس روش NAM^{۱۳} انجام می‌شود [۱۶]. در روش NAM یکی از والدین از روش چرخ رولت^{۱۴} و دیگری از میان افرادی که دارای کمترین شباهت به اولی است، انتخاب می‌شود. میزان شباهت بین دو فرد نیز از طریق محاسبه فاصله اقلیدسی ارزیابی می‌شود. به این ترتیب تنوع^{۱۵} والدین افزایش می‌یابد و این موجب می‌شود توانایی خروج الگوریتم از کمینه محلی افزایش یابد.

عملگر ترکیب استفاده شده در الگوریتم ARCOMA شبیه روش BLX [۱۷] است، با این تفاوت که در ARCOMA انتخاب فرزند محدود به فضای بین والدین نیست و می‌تواند در اشتراک کل فضای جستجو با امتداد والدین نیز قرار گیرد که این ایده عملکرد الگوریتم را بهبود می‌بخشد [۱۳].

در الگوریتم ARCOMA، از عملگر جهش غیر واحد^{۱۶} استفاده شده است. این روش یک روش پیوسته است که با تغییر تصادفی یک یا چند بعد مسئله باعث جهش ژنتیکی می‌شود. در الگوریتم ARCOMA از استراتژی جایگزینی بدترین‌ها (RWS)^{۱۷} به عنوان عملگر جایگزینی^{۱۸} استفاده شده است. در

از دیگر تفاوت‌های الگوریتم MARCOMA با الگوریتم ARCOMA در برنامه جستجوگر محلی آن است. عملیات جستجوی محلی در الگوریتم‌های ممتیک را می‌توان مشابه فرآیند تکامل فرهنگی جوامع بشری درنظر گرفت. به این مفهوم که خصوصیات ژنتیکی هر فرد پس از تولد ثابت است اما خصوصیات فرهنگی وی می‌تواند در طول عمر کماکان تکامل یابد. الگوریتم MARCOAM از نسخه ارتقا یافته الگوریتم CACS [۱۴] به نام MOCACS استفاده می‌کند. تفاوت MOCACS با CACS در نحوه تعیین بهترین فرد (افراد) جمعیت و نحوه بروز کردن توزیع فرمون در فضای جستجو است. در الگوریتم CACS در هر لحظه فقط یک فرد به عنوان بهترین فرد جمعیت مطرح است. موقعیت این فرد مرکز تابع توزیع فرمون در فضای جستجو است و واریانس تابع توزیع فرمون بر اساس یک تابع واریانس وزنی تعیین می‌شود و همزمان به میزان پراکندگی و برآزندگی سایر افراد در فضای جستجو بستگی دارد [۱۴]. در الگوریتم MOCACS برای رتبه‌بندی افراد از ایده طبقه‌بندی نقاط غیرغالب استفاده می‌شود. در این الگوریتم مجموعه‌ای از افراد در جمعیت، که در لایه اول (جهبه پرتو) قرار دارند، به عنوان بهترین افراد شناخته می‌شوند و رتبه اول به همگی آنها اختصاص داده می‌شود. در هر گام از جستجوی محلی یکی از این افراد به صورت تصادفی به عنوان مرکز تابع توزیع فرمون انتخاب می‌شود و میزان واریانس تابع توزیع فرمون به میزان پراکندگی سایر افراد در فضای جستجو و رتبه لایه‌ای از فضای عملکرد، که فرد مربوطه در آن قرار گرفته است، بستگی دارد.

الگوریتم MARCOMA دارای شش پارامتر تنظیم‌شونده شامل تعداد افراد جمعیت (N_{POP})، تعداد فرزندهای متولدشده هر نسل ($N_{\text{offspring}}$)، تعداد نامزدهای انتخاب به عنوان ولی دوم، احتمال انجام عملگر جهش (P_{mut})، ضریب تطبیق تعداد تکرارهای جستجوی محلی برای هر فرزند (β_{LS}) و نیز ضریب تطبیق دامنه جستجوی محلی (a_{LS}) می‌باشد.

مقایسه نتایج عملکرد الگوریتم MARCOMA با الگوریتم‌های دیگری مانند (SMPSO)^{۲۵}، (PAES)^{۲۶}، (MOGA2)^{۲۷} نشان می‌دهد که الگوریتم MARCOMA عملکرد قابل ملاحظه‌ای نسبت به سایر الگوریتم‌های فوق دارد و عموماً با تعداد تکرارهای کمتر، به همان دقت الگوریتم‌های ذکور می‌رسد [۱۰].

الگوریتم MARCOMA محدودیتی از نظر تعداد متغیرهای طراحی و تعداد توابع هزینه وجود ندارد. در الگوریتم‌های تکمنظوره، افرادی رتبه بهتری دارند که مقدار تابع هدف کمتری نسبت به سایرین داشته باشند. اما در الگوریتم‌های چندمنظوره باید بررسی کرد که از دیدگاه کدام تابع یا توابع، فرد بهتر است. این مشکل را شرط بهینه‌گی پرتو^{۲۱} حل کرده است. در استراتژی پرتو، فردی بهتر (غالب) است که توابع هدف‌اش از توابع هدف سایر افراد کمتر یا برابر بوده و حداقل یکی از توابع هدف آن کمتر از بقیه باشد. افرادی که چنین شرایطی را احراز کنند به مجموعه پرتو راه می‌یابند. در یک مجموعه پرتو هیچ فردی به فرد دیگر غلبه ندارد و همه آنها جزو مجموعه جواب مسئله هستند. یکی از بهترین ایده‌هایی که در این زمینه مطرح است، ایده طبقه‌بندی نقاط غیرغالب^{۲۲} است که نخستین بار در الگوریتم (NSGA)^{۲۳} مطرح شد. در این روش لایه‌هایی از نقاط غیرغالب در فضای عملکرد تشکیل می‌شوند. به هر لایه یک رتبه اختصاص می‌یابد و افراد براساس رتبه‌ای که لایه‌های غیرغالب فضای عملکرد دارند، رتبه‌بندی می‌شوند.

در الگوریتم ARCOMA گزینش والدین یا جایگزین شدن آنها بر اساس استراتژی گزینش (یا جایگزین شدن) تناسبی است؛ به این مفهوم که شانس انتخاب هر فرد متناسب با میزان برآزندگی یا برآزندگی MARCOMA آنچه که میزان برآزندگی یا برآزندگی بودن یک فرد را مشخص می‌کند، رتبه لایه‌ای از فضای عملکرد است که آن فرد در آن لایه قرار گرفته است. با استثنای حالتی که کل افراد جمعیت در لایه اول قرار گیرند و لایه دیگری وجود نداشته باشد؛ در بقیه حالتها افراد داخل یک لایه همگی دارای شانس انتخاب برابر و افراد حاضر در لایه‌های مختلف دارای شانس انتخاب متناسب با رتبه هر لایه هستند. در حالتی که فقط یک لایه در فضای عملکرد موجود باشد و یا به بیان دیگر کل افراد جمعیت غیرغالب باشند، از روش حذف از نواحی شلوغ (CDA)^{۲۴} استفاده می‌شود [۲۰]. در این روش فاصله هر فرد در فضای عملکرد، با افراد مجاور خود محاسبه شده و افرادی که در نواحی شلوغ‌تر هستند، حذف می‌شوند. این تمهدی باعث می‌شود الگوریتم جبهه پرتو یکنواختی ایجاد کند. علاوه بر این از حذف افرادی که در نواحی خلوت قرار دارند جلوگیری می‌شود.

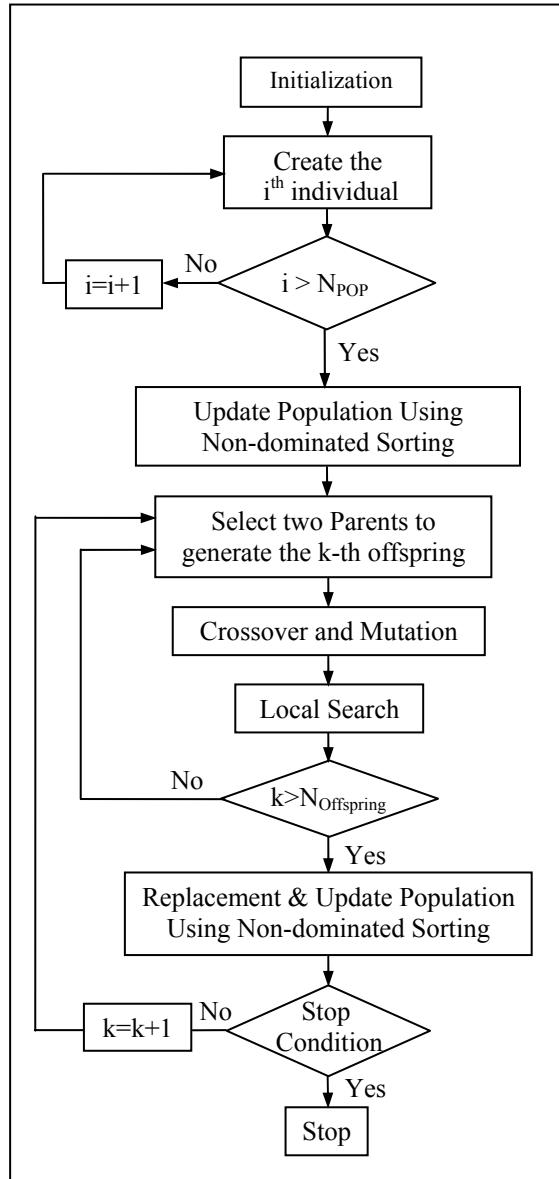
اولیه روش شود تا وسیله پرنده سریعاً شتاب بگیرد و پایدار شود، کمینه کردن زمان نشت (t_{s_p}) و همچنین زمان برخاست حلقه پیج (t_{r_p}) ضروری است. به علاوه دقت پاسخ گذراي حلقه پیج در گرو کاهش درصد فراجهش نیز هست. واضح است که اگر همزمان t_{r_p} و درصد فراجهش را کمینه کنیم، t_{s_p} نیز کمینه خواهد شد. البته عکس این مطلب لزوماً صحیح نیست. به همین دلیل در مسئله مورد بررسی، توابع هزینه (توابع هدف) شامل زمان برخاست و درصد فراجهش درنظر گرفته شده و به صورت زیر تعریف شده است.

$$y_1 = t_{r_p} \quad (30)$$

$$y_2 = \max(\%Os_p, \%Os_R) \quad (31)$$

در رابطه (32)، $\%Os_p$ و $\%Os_R$ به ترتیب درصد فراجهش حلقه کنترل کاتالالهای رول و پیج هستند. متغیرهای طراحی هر یک از زیرسیستم‌های سیستم کنترل وضعیت و بازه‌های جستجوی درنظر گرفته شده برای هر یک از آن(ها) در جدول ۱۱ و همچنین قیود طراحی در جدول ۱۲ نشان داده شده است.

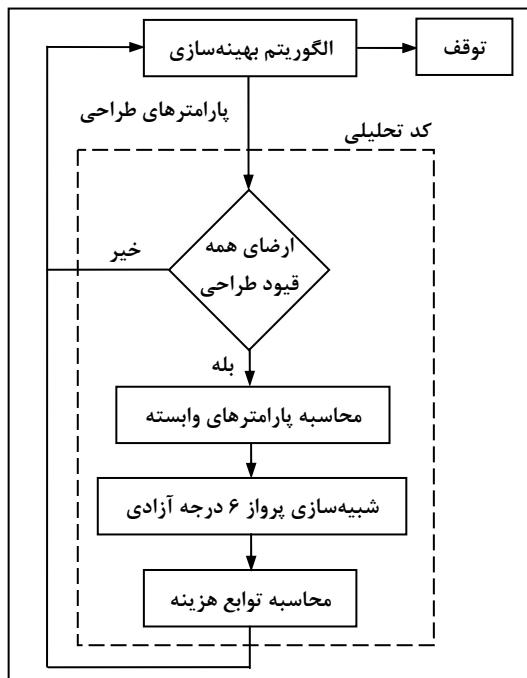
نحوه استفاده از الگوریتم MARCOMA برای بهینه‌سازی پارامترهای طراحی سیستم کنترل وضعیت در شکل ۱۱ نشان داده شده است. برای محاسبه توابع هزینه متناظر با هر یک از نقاط فضای جستجو از یک گذ تحلیلی استفاده می‌شود. گذ تحلیلی وظیفه دریافت مقادیر پیشنهادی پارامترهای طراحی از الگوریتم بهینه‌سازی، مقداردهی پارامترهای پیش‌فرض، بررسی اراضی قیود، محاسبه پارامترهای وابسته، اجرای شبیه‌سازی پرواز شش درجه‌آزادی و در نهایت محاسبه توابع هزینه را به عهده دارد. الگوریتم بهینه‌سازی با فراخوانی مکرر گذ تحلیلی قادر است طرح‌های بهینه پرتو که همه قیود را ارضاء می‌کنند، بدست آورد. برای محاسبه توابع هزینه از شبیه‌سازی پرواز شش درجه‌آزادی غیرخطی استفاده می‌شود. به این منظور از روابط (۱۴) و (۱۵) استفاده می‌شود. استفاده از شبیه‌سازی پرواز برای محاسبه توابع هزینه، امکان درنظر گرفتن اثر اشباع^{۲۸} سطوح کنترلی را نیز فراهم می‌کند. در این مقاله زاویه اشباع کانارد ۱۰ درجه درنظر گرفته شده است.



شکل ۱۰- الگوریتم MARCOMA

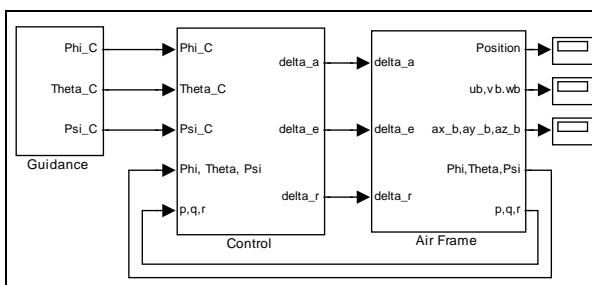
تعریف مسئله بهینه‌سازی سیستم کنترل وضعیت در این بخش مسئله طراحی سیستم کنترل وضعیت به صورت یک مسئله بهینه‌سازی تعریف می‌شود و سپس از الگوریتم بهینه‌سازی چندمنظوره MARCOMA برای رسیدن به طرح بهینه سیستم کنترل وضعیت استفاده خواهد شد. از آنجا که در مسائل بهینه‌سازی چندمنظوره نیاز به بهینه‌سازی همزمان چند تابع هدف وجود دارد، بنابراین استفاده از الگوریتم‌های چندمنظوره ضروری به نظر می‌رسد.

انتخاب صحیح توابع هدف، به تجربه طراح در طرح‌بازی مسئله برمی‌گردد. با توجه به اینکه در وسیله پرنده موردنظر موتور باید در اولین فرصت پس از پرتاب عمودی و چرخش



شکل ۱۱- فرآیند محاسباتی کد تحلیلی و نحوه فراخوانی آن توسط
الگوریتم بهینه‌سازی

در شکل ۱۲ نحوه پیاده‌سازی شبیه‌سازی پرواز شش درجه‌آزادی شامل بلوك‌های هدایت، کنترل و ایرفریم نشان داده شده است. در بلوك هدایت، فرآمین ورودی سیستم کنترل وضعیت و در بلوك کنترل، حلقه‌های کنترل رول، پیچ و یا و همچنین حلقه سرو شبیه‌سازی شده است. در بلوك ایرفریم معادلات حرکت شش درجه‌آزادی مبتنی بر کواترنیون‌ها و همچنین نیروها و گشتاورهای ناشی از جاذبه، جت عکس‌العملی و نیز سیستم پرتتاب سرد شبیه‌سازی شده است.



شکل ۱۲- مدل شبیه‌سازی شش درجه‌آزادی سیستم کنترل وضعیت در بالاترین سطح

جدول ۱۱- متغیرهای طراحی و بازه جستجوی آن

متغیر طراحی	حد پایین	حد بالا	بازه جستجو زیرسیستم
بالک‌های کنترلی	۰.۱	۰.۲	$\bar{t}_{C_{max}}$
	۰.۱	۰.۵	\bar{r}_{Hole}
	۰.۱	۰.۲	\bar{l}_{Hing}
مولد گاز خارجی	۵۰	۹۰	$P_{C_{out}}$
	۰.۱	۰.۱۵	l_{GG}
	۱۲	۲۵	$t_{b_{in}}$
مولد گاز داخلی	۹	۱۲	$P_{e_{in}}$
	۰.۰۳	۰.۰۶	$r_{GG_{in}}$
عملگرهای کنترلی	۰.۰۵	۰.۴	\bar{l}_{TR}
حلقه‌های کنترلی	۰.۱	۰.۲۵	t_{min}
	۰.۴	۰.۶	C_1
	۳	۴	C_2
	۴	۵	C_3

جدول ۱۲- قبود طراحی و محدودیت‌های آن

سبیتمی/کنترلی	حد پایین	حد بالا	قبود زیرسیستم
مولد گاز خارجی	۱۸۰	۲۱۰	$I_{SP_{out}}$
	۱۰	۱۲	\dot{r}_{out}
	۰.۳	۰.۶	$\frac{\delta_{W_{out}}}{r_{out} - r_{GG_{in}}}$
مولد گاز داخلی	۲	-	$(A_{Port_{out}} / A_{t_{out}})$
	۴	۶	$\dot{l}_{P_{in}}$
	۲۲۰	۲۵۰	$I_{SP_{in}}$
عملگرهای	-	۰.۳	$(D_{Piston} / D_{Caliber})$
حلقه‌های کنترلی	۱	۱۵	α_S
	۱	۱۰	α_R
	۱	۱۰	α_P
	۱۰	-	K_{v_s}
	۱۰	-	K_{a_R}
	۱۰	-	K_{a_p}

نتایج بهینه‌سازی

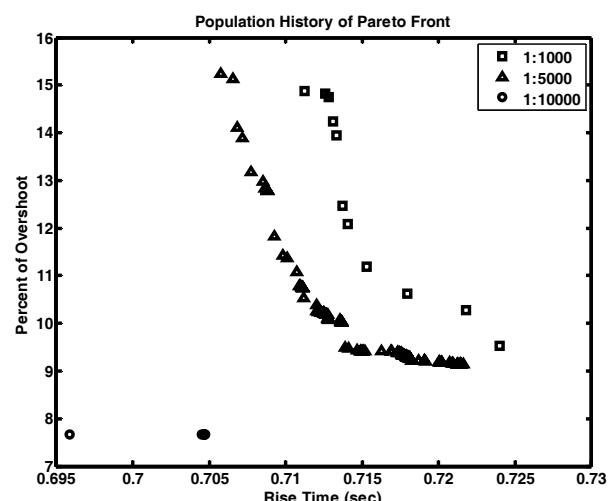
در این بخش نتیجه بهینه‌سازی پارامترهای طراحی زیرسیستم‌های کنترل وضعیت، که توسط الگوریتم بهینه‌سازی

غیرخطی ارزیابی و با طراحی مبتنی بر سعی و خطای مقایسه شده است که نتایج آن در شکل‌های ۱۵ تا ۱۷ نشان داده شده است. فرامین اعمالی در بلوک هدایت شامل، فرمان رول ۵ درجه، پیچ ۴۵ درجه و یا و ۰ درجه می‌باشد. ملاحظه می‌شود که عملکرد طراحی بهینه از طراحی مبتنی بر سعی و خطای هم از نظر کمی و هم از نظر کیفی بهتر است. در خصوص افزایش درصد فراجهش کانال پیچ لازم به ذکر است که تابع هزینه دوم بیشترین درصد فراجهش در دو کانال پیچ و رول را کمینه می‌کند و در این مسئله درصد فراجهش کانال رول بیشتر از کانال پیچ بوده و الگوریتم بهینه‌سازی آن را نسبت به طراحی مبتنی بر سعی و خطای کاهش داده است.

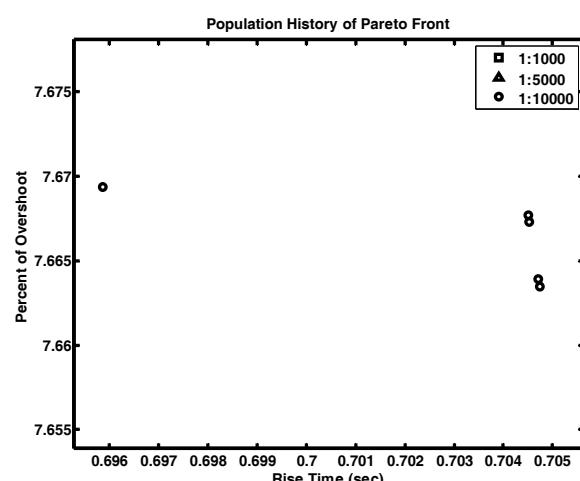
جدول ۱۳- مقایسه متغیرهای طراحی بدست آمده از بهینه‌سازی با طراحی مبتنی بر سعی و خطای [۹]

طراحی بهینه	متغیر طراحی بر سعی و خطای	طراحی مبتنی بر سعی و خطای
۰.۱۰۰۲	۰.۱	$\bar{t}_{C_{max}}$
۰.۴۵	۰.۲	\bar{t}_{Hole}
۰.۱۰۸۸	۰.۱	\bar{t}_{Hing}
۰.۸	۰.۸۵۷	$P_{C_{in}}/P_{C_{out}}$
۰.۱۴	۰.۱۳	ℓ_{GG}
۰.۰۵۷۲	۰.۰۰۴	$r_{GG_{in}}$
۱۷.۸۲	۱۵	t_{bin}
۰.۱۷۳۷۵	۰.۱۶۷	$P_{e_{in}}/P_{C_{in}}$
۰.۱۰۵۱	۰.۲	$\bar{\ell}_{TR}$
۰.۱۸۵۸	۰.۲	t_{min}
۰.۴۵	۰.۵	C_1
۳.۹۸	۴	C_2
۴.۵	۵	C_3

MARCOMA بدست آمده، ارائه شده و با نتایج طراحی مبتنی بر سعی و خطای [۸ و ۹] مقایسه شده است. روند تکامل جبهه پرتو پس از ۱۰۰۰، ۵۰۰۰ و ۱۰۰۰۰ بار فراخوانی گذشته است. همچنین نقطه نهایی انتخاب شده به عنوان نقطه طراحی، در تصویر بزرگنمایی شده شکل ۱۴ نشان داده شده است.

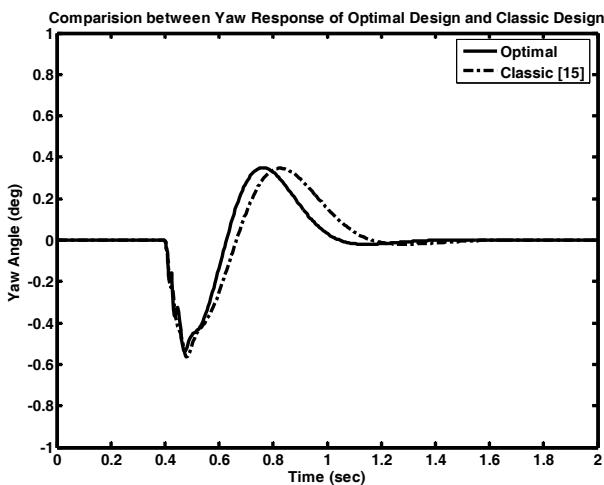


شکل ۱۳- نمودار تاریخچه تکامل جبهه پرتو



شکل ۱۴- نمودار بزرگنمایی شده تاریخچه تکامل جبهه پرتو

متغیرهای طراحی بدست آمده توسط الگوریتم بهینه‌سازی و نیز توابع هزینه در جداول ۱۳ و ۱۴ آورده شده و با روش طراحی مبتنی بر سعی و خطای [۹] مقایسه شده است. همچنین عملکرد هر یک از حلقه‌های کنترلی طرح بدست آمده توسط الگوریتم بهینه‌سازی، با استفاده از شبیه‌سازی پرواز شش درجه‌آزادی



شکل ۱۷- تاریخچه زمانی تغییرات زاویه یاو در دو روش بهینه‌سازی و طراحی مبتنی بر سعی و خطأ

با دقت در جدول ۱۴ مشاهده می‌شود که کاهش زمان برخاست حلقه‌های کنترلی منجر به افزایش پهنهای باند سرو شده است که ناشی از درنظرنگرفتن قید برای پهنهای باند حلقه سرو است. در عمل محدودیت‌هایی در ساخت سروهای با پهنهای باند زیاد وجود دارد. بنابراین در ادامه سعی بر این خواهد بود که این موضوع نیز مورد توجه قرار گیرد. به این منظور طرح ریزی مسئله بهینه‌سازی به‌گونه‌ای اصلاح می‌شود که مسئله تا حد ممکن از هر جهت بسته شده باشد.

بهینه‌سازی با سه تابع هزینه

همانطور که قبلاً نیز اشاره شد، زمان برخاست حلقه پیج با پهنهای باند نسبت معکوس دارد. بنابراین الگوریتم بهینه‌سازی به سمت افزایش پهنهای باند حلقه‌های کنترلی و در نتیجه افزایش پهنهای باند حلقه سرو حرکت سرو خواهد کرد که در این خصوص محدودیت‌های تکنولوژیکی وجود دارد. بهمین دلیل حداقل کردن پهنهای باند حلقه سرو نیز ضروری است. به این منظور تابع هزینه سومی به تابع هزینه قبلی اضافه خواهد شد، تا مسئله بهینه‌سازی به شکل مناسب‌تری طرح ریزی شود. پس در گام بعدی تابع هزینه به صورت زیر تعریف می‌شوند.

$$y_1 = t_{r_p} \quad (32)$$

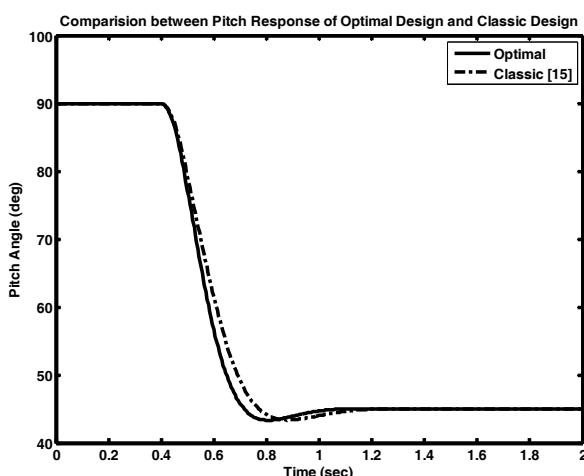
$$y_2 = \max(\%Os_p, \%Os_R) \quad (33)$$

$$y_3 = \omega_{BW_S} \quad (34)$$

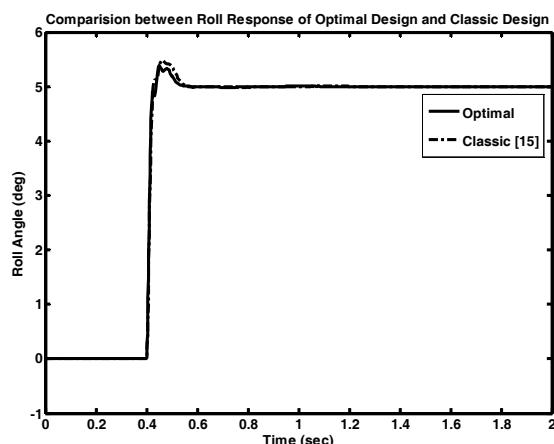
جبهه پرتو بدست آمده از بهینه‌سازی با سه تابع هزینه در شکل ۱۸ نشان داده شده است. مشاهده می‌شود که با توجه به سه‌بعدی بودن فضای عملکرد، انتخاب نقطه طراحی مناسب از مجموعه نقاط بهینه پرتو براحتی امکان‌پذیر نیست.

جدول ۱۴- مقایسه تابع هزینه طرح بدست آمده از بهینه‌سازی با طراحی مبتنی بر سعی و خطأ [۹]

طراحی مبتنی بر سعی و خطأ	طراحی بهینه
t_{r_p}	.
t_{s_p}	.
t_{r_R}	.
t_{s_R}	.
$\%Os_p$.
$\%Os_R$.
ω_{BW_S}	.



شکل ۱۵- تاریخچه زمانی تغییرات زاویه پیج در دو روش بهینه‌سازی و طراحی مبتنی بر سعی و خطأ



شکل ۱۶- تاریخچه زمانی تغییرات زاویه رول در دو روش بهینه‌سازی و طراحی مبتنی بر سعی و خطأ

بهینه‌سازی، علاوه بر بهبود نسبی عملکرد سیستم، اطمینان از صحت بهینه‌گی طراحی مبتنی بر سعی و خطا را نیز نشان می‌دهد.

جدول ۱۶- مقایسه عملکرد طرح‌های بدست آمده از بهینه‌سازی با ۲ و ۳ تابع هزینه، با طراحی مبتنی بر سعی و خطا [۹]

طراحی بهینه هزینه	تابع هزینه با ۳	طراحی مبتنی بر سعی و خطا	تابع
طراحی بهینه هزینه	تابع هزینه با ۲	طراحی مبتنی بر سعی و خطا	طراحی بهینه
t_{r_p}	.	۰.۳۱۵۲	.
t_{s_p}	.	۰.۵۴۶۲	.
t_{r_R}	.	۰.۰۲۷۳	.
t_{s_R}	.	۰.۱۱۹۲	.
%OS _p	.	۳.۶۷	.
%OS _R	.	۹.۱۸	.
ω_{BWS}		۴۲۷	

جمع‌بندی و نتیجه‌گیری

در این مقاله پس از ارائه تاریخچه‌ای از بکارگیری سیستم‌های کنترل با جت عکس‌العملی در وسایل پرنده چرخان و غیرچرخان، به طراحی اولیه و بهینه‌سازی سیستم کنترل وضعیت با جت عکس‌العملی پیوسته در یک وسیله پرنده تاکتیکی در فاز چرخش سریع اولیه پس از پرتاب عمودی پرداخته شد. به این منظور ابتدا با تفکیک پارامترهای هر یک از اجزای سیستم کنترل وضعیت به سه دسته پارامتر پیش‌فرض، طراحی و وابسته، الگویی از فرآیند طراحی سیستم کنترل وضعیت شامل روند و ترتیب محاسبات زیرسیستم‌ها ارائه شد. سپس از الگوریتم ممتیک تطبیقی چندمنظوره MARCOMA برای بهینه‌سازی طراحی سیستم کنترل وضعیت بر اساس نتایج شبیه‌سازی پرواز شش درجه‌آزادی غیرخطی استفاده شد. فرآیند بهینه‌سازی ابتدا با درنظر گرفتن زمان برخاست و درصد فراجهش به عنوان توابع هزینه انجام شد و نشان داده شد که می‌توان به نتایج بهتری نسبت به روش طراحی سنتی مبتنی بر سعی و خطا دست یافت. در نهایت نشان داده شد که اگر پهنانی باند حلقه سرو نیز به عنوان تابع هزینه سوم مسئله بهینه‌سازی در نظر گرفته شود، مسئله بهینه‌سازی از هر جهت بسته می‌شود و با مقادیر کمتر پهنانی باند سرو نیز می‌توان به عملکرد بهتری نسبت به روش طراحی سنتی دست یافت.

بنابراین باید با کنارگذاشتن بخش‌هایی از جبهه پرتو که نامطلوب‌بودن آنها بدیهی است، تعداد نقاط را به حدی محدود کرد که انتخاب نقطه طراحی مناسب برای طراح تسهیل شود.

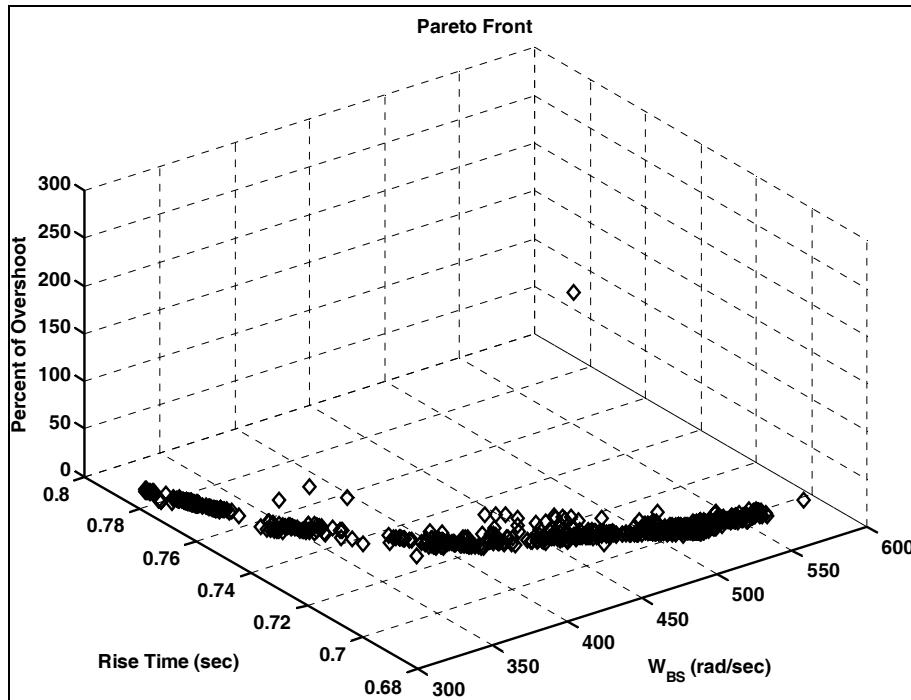
نمودار جبهه پرتو محدودشده به همراه نقطه طراحی انتخاب شده در شکل ۱۹ مشخص شده است. به منظور انتخاب آسانتر از بین نقاط شکل ۱۹، که همگی عملکرد نسبتاً مناسبی دارند، عملکرد کمی هر یک از این نقاط در جدول ۱۵ ارائه شده است. در این جدول نقطه طراحی نهایی انتخاب شده به صورت متمایز نشان داده شده است. همچنین طرح‌های بهینه‌شده با ۲ و ۳ تابع هزینه با طراحی مبتنی بر سعی و خطا مقایسه شده و نتایج آن در جدول ۱۶ آورده شده است.

با توجه به جدول ۱۶ مشاهده می‌شود که عملکرد طراحی بهینه‌شده با ۲ و ۳ تابع هزینه از طراحی مبتنی بر سعی و خطا بهتر است. ضمن اینکه اگرچه عملکرد طرح بهینه بدست آمده با استفاده از دو و سه تابع هزینه تفاوت چندانی با یکدیگر ندارد، ولی مشاهده می‌شود در حالتی که در تعریف مسئله بهینه‌سازی از سه تابع هزینه استفاده شده است، پهنانی باند حلقه سرو ۴۶ رادیان بر ثانیه کاهش یافته است و نسبت به طراحی مبتنی بر سعی و خطا نیز کمتر شده است.

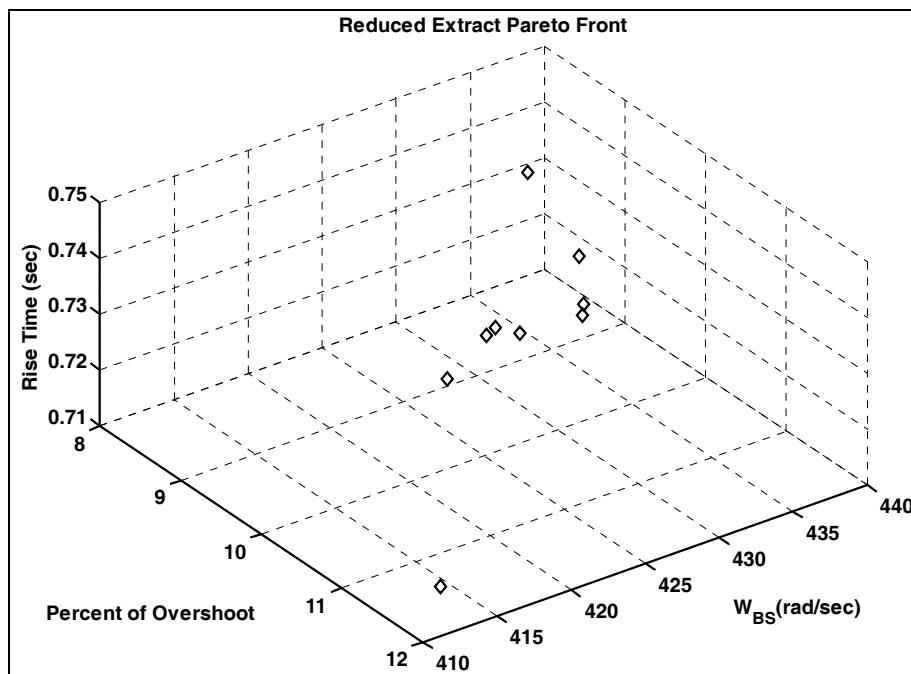
جدول ۱۵- نقاط طراحی انتخابی در بهینه‌سازی با سه تابع هزینه

پهنانی باند	ماکریم درصد زمان برخاست	حلقه پیچ	حلقه سرو
۰.۳۱۷۹	۱۱.۸۵	۴۱۲	
۰.۳۳۲	۸.۱۶	۴۳۸	
۰.۳۱۵۲	۸.۸۵	۴۳۸	
۰.۳۱۸۶	۹.۱۶	۴۳۲	
۰.۳۲۰۵	۸.۶۱	۴۳۹	
۰.۳۱۵۲	۹.۱۸	۴۲۷	
۰.۳۱۹۶	۹.۱۲	۴۳۰	
۰.۳۱۹۴	۹.۰۴	۴۳۱	
۰.۳۱۵۸	۹.۰۲	۴۳۷	

نکته دیگر که باید به آن توجه کرد، این است که نزدیکی مقادیر عددی توابع هزینه طراحی بهینه و طراحی مبتنی بر سعی و خطا، نشان می‌دهد که طراحی مبتنی بر سعی و خطا نیز نسبتاً خوب انجام شده است. با این وجود، انجام



شکل ۱۸- جبهه پرتو بدست آمده در بهینه‌سازی با سهتابع هزینه



شکل ۱۹- جبهه پرتو محدود شده به همراه نقطه انتخاب شده به عنوان طرح نهایی

پی‌نوشت:

- Reaction Jet Control
 Strategic Defense Initiative
 Intercontinental Ballistic Missile
 Trajectory Tracking
 Direct Fire Atmospheric Rocket
 Memetic Algorithms
 Adaptive Real-coded Memetic Algorithm
 Steady-State Genetic Algorithm
 Continuous Ant Colony System
 Multi-objective Adaptive Real-Coded Memetic Algorithm
 Hinge Moment
 Skid to Turn
 Negative Assortative Mating
 Roullet Wheel
 Diversity
 Non-uniform mutation
 Replace Worst Strategy
 Replacement
 Ranking
 Special Session of the IEEE Congress on Evolutionary Computation in 2005
 Pareto Optimality
 Non-dominated Sorting
 Non-dominated Sorting Genetic Algorithm
 Crowding Distance Assignment
 Simple Multi-objective Particle Swarm Optimizer
 Pareto Archive Evolution Strategy
 Multi-Objective Genetic Algorithm2
 Saturation

منابع و مراجع

- [6] "Feedback Control For Slew Maneuver Using On-Off Thrusters", *Journal of Guidance, Control, and Dynamics*, Korea Aerospace Research Institute, Vol. 22, No. 6, p.p. 816-822, November-December 1999.
- [5] Hall, R. A., Lowry, N.C. and Ghorbel, Fathi. "Three-Pulse Minimal Fuel Rotations of Axisymmetric Spacecraft Using Reaction Control Thrusters", *IEEE American Control Conference*, p.p. 1128-1133, June 2003.
- [6] Xin Yin, Young, Yang, Ming and Wang, Zicai.; "Research on Control Method for Lateral Thrust Based on Interceptor in Aerosphere", *IMACS Multi-conference on Computational Engineering in Systems Applications (CESA)*, Control & Simulation Center, p.p. 713-716, October 2006.
- [7] Ridgely, D. Brett, Drake, David, Triplett, Louis and Geise, Cory; "Dynamic Control Allocation of a Missile with Tails and Reaction Jets", *AIAA Guidance, Navigation and Control Conference and Exhibit*, AIAA 2007-6671, p.p. 1-32, August 2007.
- [۸] بندی کناری، حمید؛ "پایان‌نامه کارشناسی ارشد، استاد راهنمای دکتر هادی نوبهاری، استاد مشاور: دکتر علیرضا باحثت نوین‌زاده، دانشکده هوافضاء، دانشگاه آزاد اسلامی، واحد علوم و تحقیقات، بهمن ۱۳۸۸.
- [۹] نوبهاری، هادی؛ باحثت نوین‌زاده، علیرضا؛ بندی کناری، حمید؛ "مجله علمی و پژوهشی هوافضاء؛ دانشگاه آزاد اسلامی، واحد علوم و تحقیقات؛ آذر ۱۳۸۹ [۱۰] داود دارابی، "پایان‌نامه کارشناسی ارشد، استاد راهنمای دکتر هادی نوبهاری، دانشگاه صنعتی شریف، دانشکده مهندسی هوافضاء، دی ۱۳۸۸.
- [11] Lozano M., Herrera F., Krasnogor N., Molina D., "Real-Coded Memetic Algorithms with Crossover Hill-Climbing", *Evolutionary Computation Volume 12*, Number 3, 2004.
- [12] Molina D., Herrera F., and Lozano M., "Adaptive Local Search Parameters for Real-coded Memetic Algorithm", *Proceeding of the 2005 IEEE congress on Evolutionary Computation*, p.p 888-895, 2005.
- [13] Nobahari H., Darabi D., "A New Adaptive Real-coded Memetic Algorithm", International Conference on Artificial Intelligence and Computational Intelligence, *IEEE Computer Society*, 2009.
- [14] Pourtakdoust S. H., Nobahari H., "An Extension of Ant Colony System to Continuous Optimization Problems", *Lecture Notes in Computer Science*, Vol. 3172. Springer-Verlag, Berlin Heidelberg Germany, 294-301, 2004.
- [15] Shannon Land M.W., "Evolutionary Algorithms

- [1] Champigny, P. and Lacau, R. G.; "Lateral Jet Control For Tactical Missiles", *Missile Aerodynamics*, Presented at an AGARD Special Course, pp. 3.1-3.57, June 1994.
- [2] Thurman, S. W. and Flashner, H.; "Robust Digital Autopilot Design for Spacecraft Equipped With Pulse-Operated Thrusters", *Journal of Guidance, Control, and Dynamics*, Vol. 19, No. 5, p.p. 1047-1055, September-October 1996.
- [3] Lynch, K. M.; "Controllability of a Planar Body With Unilateral Thrusters", *IEEE, Transactions on Automatic Control*, Vol. 44, No. 6, p.p. 1206-1211, June 1999.
- [4] Hyochoong B., Youngwoong P. and Jungyoup H.;

May 2005.

- [19] Srinivas, N. and Deb, K. "Multi-Objective Optimization Using Non-Dominated Sorting Genetic Algorithms, *Evolutionary Computation*, 2(3):221–248, 1995.
- [20] Kalyanmoy D., Agrawal S. and et al, "A Fast Non-Dominated Sorting Genetic Algorithm for Multi-Objective Optimization NSGA-II", *KanGAL Report No. 200001*, 1999.

with Local Search for Combinational Optimization", PhD thesis, *Univ. California*, San Diego, 1998.

[16] Fernandes C., Rosa A., "A Study of Non-random Matching and Varying Population Size in Genetic Algorithm Using a Royal Road Function", *Proceeding of the 2001 congress on Evolutionary Computation*, 60–66, 2001.

[17] Sinha A., "Designing Efficient Genetic and Evolutionary Algorithm Hybrid", PhD thesis, *Indian Institute of Technology, Kharagpur*, 1999.

[18] Suganthan P.N., Hansen N., et al, "Problem definitions and evaluation criteria for the CEC 2005 Special Session on Real-Parameter Optimization", *Technical report, Nanyang Technological University*,